修士論文

分子動力学シミュレーションによる OLCの摩擦メカニズム評価

指導教員: 屋代 如月

西村 英晃

2013年2月

神戸大学大学院 工学研究科 博士課程前期課程 機械工学専攻

Master thesis

Molecular Dynamics Studies on Friction Mechanism of OLC

Hideaki NISHIMURA

Feburary 2013 Department of Mechanical Engineering, Graduate School of Engineering, Kobe University, Kobe, Japan

要約

OLC は球殻構造を有しているために,固体潤滑剤としての応用が期待される.本研究 では,OLC 薄膜の摩擦特性について原子レベルからの知見を得るため,Stone-Wales 欠陥を導入した炭素原子数が $60n^2(n=1 \sim 6)$ で表わされるフラーレン,並びに,それ らを入れ子構造にした OLC を作成し、それぞれ単体の圧縮・摩擦特性を分子動力学 シミュレーションにより検討した後,平面上に並べた薄膜構造のフラーレン・OLCに 対して摩擦シミュレーションを行った.頂点保持による圧縮シミュレーションにより, 多層構造を有することで OLC の方がフラーレンよりも高い抵抗力を示すこと, OLC は内部のフラーレンほど強い力を受けることなどを明らかにした. 平滑なダイヤモン ド壁を用いて圧縮を行った場合では,フラーレンより OLC の方が,径の大きなものよ リ小さなものの方が早い段階で高い圧縮応力を示すこと, OLCは中心部の C_{60} が崩壊 したときに応力が急上昇することなどがわかった.単一のフラーレン・OLC に対して 平滑なダイヤモンド壁を用いて摩擦シミュレーションを行った場合では、摩擦係数は 摩擦時のつぶれ具合に関係なく 10⁻² 程度のオーダーを示すこと, 半分つぶした @C960 と @C1500 以外は転がることなく滑るように移動することなどを示した.またフラーレ ンの摩擦係数は径の大きさによる整理はできなかったが , OLC は径の大きなものほど 低い摩擦係数を示した.最後の薄膜構造のフラーレン・OLCに対する摩擦シミュレー ションでは,圧子・基板の表面に凹凸を与えると,実際に測定されるような10-1オー ダーの摩擦係数となったが、このときフラーレン・OLC 共に圧子・基板の凹凸に保持さ れ回転するような変形を受けていた.フラーレンは起伏に入り込みやすいために OLC より高い摩擦係数を示していた.

Summary

OLC is expected as new solid lubricant because of its spherical structure. For a new insight on the friction properties of OLC thin film, various molecular dynamics (MD) simulations are performed on the compression and friction of isolated fullerene/OLC and thin films composed of the array of fullerenes/OLCs. First, we have made spherical fullerenes based on the polyhedral rule of $60n^2(n=1 \sim 6)$ atoms with Stone-Wales defects. OLCs were also made by nesting these fullerenes. Then we performed various compression simulations on isolated fullerene/OLC. In the point compression by holding the five-membered ring at the top and bottom of fullerene/OLC, the OLCs showed higher strength than the fullerenes because of its multi-layer structure. Detail observation revealed that the internal fullerene in the OLC receives higher force than the isolated fullerene. According to the compression by a flat diamond wall, we also found the following facts; (1) the OLCs show higher stress than the fullerenes at the early stage of compression, (2) the smaller fullerene/OLC shows higher stress than the larger ones, and (3) the OLC shows drastic stress increase when the center C_{60} was collapsed. Then we performed various scratch simulations on isolated fullerene/OLC by a flat diamond wall changing the indentation depth. The friction coefficient showed the order of 10^{-2} regardless of the indentation depth or collapse morphologies of the target (fullerene/OLC). Here, the target carbons glide without rotation under scratch, except the OLCs of half crushed $@C_{960}$ and $@C_{1500}$. We cannot find out the relationship between the friction coefficient and the size of fullerenes; however, the large OLC showed lower friction coefficient than the small OLC. Finally, we performed scratch simulations on fullerene/OLC thin film. When we introduced the surface roughness of a indenter/substrate, the friction coefficient increased to the order of 10^{-1} . This magnitude agrees with experimental result. All the fullerene/OLC rotate under the scratch, because they were held by the serrated surface. We found that the fullerene shows much higher friction coefficient than the OLC since they can deform to fit their shape to the surface roughness.

目 次

第1章	緒 論	1
第2章	解析手法の基礎	4
2.1	分子動力学法	4
2.2	原子間ポテンシャル	5
	2.2.1 Brenner ポテンシャル	5
	2.2.2 Lennard-Jones ポテンシャル	9
	2.2.3 力の表式	10
2.3	高速化手法	13
2.4	速度スケーリング法	15
2.5	フラーレンモデルの幾何形状	16
第3音	単一フラーレンの解析	18
3.1	初期構造緩和シミュレーション	18
0.1	311 解析条件	18
	3.1.2 解析結果	18
3.2		20
	3.2.1 頂点保持による圧縮	20
	3.2.2 ダイヤモンド壁による圧縮	27
3.3	ダイヤモンド壁による摩擦シミュレーション・・・・・・・・・・・・	35
	3.3.1 解析条件	35
	3.3.2 解析結果	36
		-
第4章	単一 OLC の解析	43
4.1	初期構造緩和シミュレーション	43
	4.1.1 解析条件	43

目次 ii

	4.1.2	解析結果	. 43
4.2	圧縮シ	'ミュレーション	. 45
	4.2.1	頂点保持による圧縮	. 45
	4.2.2	ダイヤモンド壁による圧縮................	. 52
4.3	ダイヤ	'モンド壁による摩擦シミュレーション	. 56
	4.3.1	解析条件..............................	. 56
	4.3.2	解析結果..............................	. 56
第5章	薄膜構	造での摩擦シミュレーション	63
5.1	圧子の	表面起伏が摩擦係数に与える影響	. 63
	5.1.1	解析条件...............................	. 63
	5.1.2	解析結果...............................	. 66
5.2	基板の	表面起伏が摩擦係数に与える影響	. 75
	5.2.1	解析条件..............................	. 75
	5.2.2	解析結果...............................	. 75
第6章	結 論		86
参考文	猌		89
学術論	文・学術	ĵ講演	91
謝 辞			99

第1章

緒論

炭素の同素体としては黒鉛やダイヤモンドが古くから知られていたが,近年の科学 技術の発達に伴い,ナノメートルレベルで C₆₀^[1] やカーボンナノチューブ (CNT)^[2] と いった新たな同素体が次々と発見され,現在ではそれらの形態や物性の研究が盛んに 行われている.その一つに 1992 年の Nature 誌で Ugarte より初めて報告されたオニ オンライクカーボン (Onion-Like Carbon:OLC)^[3] がある (図 1.1). OLC は球殻構造を 有し,フラーレンが分子量の小さいものから順に入れ子状に積層した物質であり,透 過型電子顕微鏡 (Transmission Electron Microscope:TEM) で観察するとタマネギのよ うに見えることから命名された.その直径は数 nm ~ 数十 nm にも及び,C₆₀の直径約 0.7[nm] と比較すると非常に大きな値である.こうした形状から,グラファイトの性質 である熱伝導性や電気伝導性を有しており^[4],特に固体潤滑剤^[5]としての応用が期待 されている.

実験によるアプローチでは, Kuznetsov は OLC が発見された当初から,その物理的 特性や電気的特性といった基礎的な特性の評価を行っている^{[4],[6]}. Hirata, Igarashi ら はシリコンウェハ上に散布させた OLC に対してボールオンディスク試験機を用いて 摩擦試験を行い,大気中,真空雰囲気中においても摩擦係数が 0.1 以下であったこと を報告している^[7]. Joly-Pottuz, Ohmae らのグループは OLC を基油に添加すること で,その潤滑性能を向上させることが可能であることを示している^{[8]-[10]}. この他に も,特にその生成方法については様々な研究が行われてきた^{[11]-[13]}.

計算材料科学の分野では, C₆₀ や CNT などは分子動力学を初めとする電子・原子シ ミュレーションの格好のターゲットとして盛んに研究がなされてきた.山口, 丸山ら は、C₆₀生成における温度の影響やその生成メカニズムを調べており^[14]、CNTの多様 な物性の一つである熱物性に着目し、伝熱特性の評価も行っている^[15].尾方、渋谷ら は、無欠陥のCNTではなく、五員環や七員環のような六員環以外の欠陥を有すCNT についての熱伝導率の評価を分子動力学法により行っている^[16].Hirai, Nishimaki ら は、ピンホール欠陥を持つCNTの機械的特性を調べている^[17].Deguchi,Yamaguchi らは単層CNTに高温化で引張応力を与えることでStone-Wales欠陥を発生させ、引張 時におけるそうした欠陥の挙動について評価している^[18].西村らは多層CNTの解析 として、二層構造を持つCNTの圧縮特性を分子動力学法により検討している^[19].ま た、簡易的な原子間ポテンシャルでの検討だけでなく、Tight Binding 法や第一原理計 算など、電子状態をも考慮した解析も行われている^{[20],[21]}.しかしながら、高次のフ ラーレンやOLCになると原子数が極めて多くなるため、これらの高精度なシミュレー ションによる検討は限られている.

TEM で観察される OLC の中心のフラーレンの直径は C₆₀ の直径に近いこと, そう して重なり合うフラーレンの層間距離はグラファイトの層間距離(0.334[nm])とほぼ 等しく,この値はn層目の炭素原子数を $60n^2$ とした場合の層間距離に近いこと,な どが報告されている^[22].また,一般的にフラーレンは五員環と六員環から構成され ると考えられており^[23],この場合単体での安定構造は正二十面体形状とされている. OLC についてもそのように考えられているが,実際 TEM で観察される OLC の多く は球殻形状を有しているため,五員環と六員環だけでなく七員環等の欠陥を有してい るものと考えられる.このように原子レベルでの構造が未だ解明されていないために, OLC についてのシミュレーションはその多くが構造安定性に関するものである.Saito らは,高次のフラーレンにおける欠陥の遷移過程について,いくつかのパターンを提 案している^[24]. Terrones らは, 60n² という原子数にとらわれず,正二十面体形状や Stone-Wales 欠陥を導入して球殻形状を実現した様々なフラーレンのカイラリティや構 造について研究を行っている^[25]. Wang, Changらは, Stone-Wales 欠陥を元に新たな 欠陥構造を提案し,これを導入することで安定な球殻構造の作成に成功している^[26]. 他にも構造安定性に関する研究はいくつか行われているが^{[27],[28]},そうして作成した OLCを対象としたシミュレーションは依然として少なく,行われていても C_{60} , C_{240} , C_{540} の三層からなる OLC を対象としたものがほとんどである $^{[29],[30]}$.

本研究では OLC を平面上に並べた仮想的な薄膜構造に対して,押し込みやスクラッ チを分子動力学法シミュレーションを用いて行い,OLC 薄膜の摩擦特性について評価 することを主たる目的とする.単一フラーレン・OLC の違い,OLC の直径,圧子形 状,圧子表面粗さ等に着目した様々なシミュレーションを行う.

第2章では解析手法の基礎として,分子動力学法を簡単に説明し,分子動力学計算 で最も重要となるポテンシャルエネルギーについて述べる.また,大規模計算を行う ための高速化手法を示し,最後にOLCを構成するフラーレンの幾何形状について説明 する.

第3章では径の大きさの異なる単一フラーレンに対して,初期構造緩和,圧縮,摩 擦のシミュレーションを行う.初期構造緩和シミュレーションにより緩和後のフラー レンの構造を示し,その半径について実験値との比較を行う.圧縮シミュレーション では頂点保持による圧縮とダイヤモンド壁による圧縮の2通りを行い,フラーレンの 圧縮特性や圧縮方法による力学応答の違いを議論する.摩擦シミュレーションではフ ラットな面を持つダイヤモンド壁を用いて,フラーレンの径の大きさや押し込み量に よる摩擦係数の違いについて議論する.

第4章では径の大きさの異なる単一 OLC に対して,3章と同様のシミュレーション を行い,それぞれ径の大きさが与える影響やフラーレンとの違いについて議論する.

第5章ではフラーレン・OLCを平面上に並べた薄膜構造に対し,圧子や基板の形状 を変えた摩擦シミュレーションを行い,対象(フラーレンかOLCか),径の大きさ,圧 子形状・表面凹凸などが摩擦係数に与える影響について考察する.

最後に、第6章で本研究の総括を述べる.



Fig.1.1 TEM image of OLC.^[3]

第2章

解析手法の基礎

2.1 分子動力学法

分子動力学法 (molecular dynamics method,略して MD 法) は,系を構成する各粒 子についてニュートンの運動方程式

$$m_i \frac{d^2 \boldsymbol{r}_i}{dt^2} = \boldsymbol{F}_i \tag{2.1}$$

を作成し,これを数値積分することにより粒子の軌跡を求める方法である.ここで, m_i , r_i はそれぞれ粒子iの質量および位置ベクトルである.粒子iに作用する力 F_i は,系のポテンシャルエネルギー Φ_{tot} の各位置における空間勾配として次式により求められる.

$$\boldsymbol{F}_{i} = -\frac{\partial \Phi_{tot}}{\partial \boldsymbol{r}_{i}} \tag{2.2}$$

式 (2.1)の数値積分には, Verlet の方法,予測子-修正子法等がよく用いられる.本 研究では,以下に示す Verlet の方法を用いた.

時刻 $t + \Delta t \ge t - \Delta t$ での粒子 i の位置ベクトル $r_i (t \pm \Delta t)$ を Taylor 展開すると,

$$\boldsymbol{r}_{i}\left(t+\Delta t\right) = \boldsymbol{r}_{i}\left(t\right) + \Delta t \frac{d\boldsymbol{r}_{i}\left(t\right)}{dt} + \frac{\left(\Delta t\right)^{2}}{2} \frac{d^{2}\boldsymbol{r}_{i}\left(t\right)}{dt^{2}} + O\left(\left(\Delta t\right)^{3}\right)$$
(2.3)

$$\boldsymbol{r}_{i}\left(t-\Delta t\right) = \boldsymbol{r}_{i}\left(t\right) - \Delta t \frac{d\boldsymbol{r}_{i}\left(t\right)}{dt} + \frac{\left(\Delta t\right)^{2}}{2} \frac{d^{2}\boldsymbol{r}_{i}\left(t\right)}{dt^{2}} + O\left(\left(\Delta t\right)^{3}\right)$$
(2.4)

となる.ここで, v_i を時刻tにおける粒子iの速度とすると,

$$\frac{d\boldsymbol{r}_i}{dt} = \boldsymbol{v}_i\left(t\right) \tag{2.5}$$

であり,式(2.1)と式(2.5)を式(2.3)と式(2.4)に代入すると,

$$\boldsymbol{r}_{i}\left(t+\Delta t\right) = \boldsymbol{r}_{i}\left(t\right) + \Delta t \boldsymbol{v}_{i}\left(t\right) + \frac{\left(\Delta t\right)^{2}}{2} \frac{\boldsymbol{F}_{i}\left(t\right)}{m_{i}} + O\left(\left(\Delta t\right)^{3}\right)$$
(2.6)

$$\boldsymbol{r}_{i}\left(t-\Delta t\right) = \boldsymbol{r}_{i}\left(t\right) - \Delta t \boldsymbol{v}_{i}\left(t\right) + \frac{\left(\Delta t\right)^{2}}{2} \frac{\boldsymbol{F}_{i}\left(t\right)}{m_{i}} + O\left(\left(\Delta t\right)^{3}\right)$$
(2.7)

となる.両式の和と差をとると,

$$\boldsymbol{r}_{i}\left(t+\Delta t\right)+\boldsymbol{r}_{i}\left(t-\Delta t\right)=2\boldsymbol{r}_{i}\left(t\right)+\left(\Delta t\right)^{2}\frac{\boldsymbol{F}_{i}\left(t\right)}{m_{i}}+O\left(\left(\Delta t\right)^{4}\right)$$
(2.8)

$$\boldsymbol{r}_{i}\left(t+\Delta t\right)-\boldsymbol{r}_{i}\left(t-\Delta t\right)=2\Delta t\boldsymbol{v}_{i}\left(t\right)+O\left(\left(\Delta t\right)^{3}\right)$$
(2.9)

が得られる.これより,時刻 $t + \Delta t$ での位置ベクトルとtでの速度は

$$\boldsymbol{r}_{i}\left(t+\Delta t\right) = 2\boldsymbol{r}_{i}\left(t\right) - \boldsymbol{r}_{i}\left(t-\Delta t\right) + \left(\Delta t\right)^{2}\frac{\boldsymbol{F}_{i}\left(t\right)}{m_{i}} + O\left(\left(\Delta t\right)^{4}\right)$$
(2.10)

$$\boldsymbol{v}_{i}(t) = \frac{1}{2\Delta t} \left\{ \boldsymbol{r}_{i}(t + \Delta t) - \boldsymbol{r}_{i}(t - \Delta t) \right\} + O\left((\Delta t)^{2} \right)$$
(2.11)

と求められる. $t + \Delta t$ での座標を求めるには2つの時刻 $t \ge t - \Delta t$ での座標が必要である.初期の計算(t = 0)では, $t = \Delta t$ での座標 $r_i(\Delta t)$ は式(2.6)と初速度から得ることができる.

2.2 原子間ポテンシャル

粒子に作用する力は系のポテンシャルエネルギ - により決定される.そのため,分 子動力学法においてはポテンシャルの選定が重要になる.解析の対象となる物質や解 析条件に適当となるようなポテンシャル関数を決定しなければならない.

2.2.1 Brenner ポテンシャル

本解析では,シリコンに対する Tersoff 型ポテンシャルが Brenner によりグラファイトにフィッティングされたものを用いる^[31].

シリコンは常温常圧においてダイヤモンド構造を持つが,炭素の場合ダイヤモンド とグラファイトという2つの安定構造がある.したがって,グラファイトの *sp*² 結合 と,ダイヤモンド構造の *sp*³ 結合の違いを表現することが重要になる. 系のエネルギーは

$$\Phi_{tot} = \sum_{i} \sum_{j(>i)} f_c(r_{ij}) \left[V_R(r_{ij}) - \bar{B}_{ij} V_A(r_{ij}) \right]$$
(2.12)

と表される. r_{ij} は粒子 i, j 間の距離を示している.ここで $V_R(r_{ij})$ は斥力をあらわす 項であり, $-\bar{B_{ij}}V_A(r_{ij})$ は引力をあらわす項である.また $f_c(r_{ij})$ はポテンシャルエネ ルギーの打ち切り(カットオフ)を滑らかにするための項である.各項はそれぞれ

$$V_R(r_{ij}) = \frac{D_e}{S-1} \exp\left[-\beta\sqrt{2S}\left(r_{ij} - R_e\right)\right]$$
(2.13)

$$V_A(r_{ij}) = \frac{S \cdot D_e}{S - 1} \exp\left[-\beta \sqrt{\frac{2}{S}} \left(r_{ij} - R_e\right)\right]$$
(2.14)

$$f_c(r_{ij}) = \begin{cases} 1, & r_{ij} < R_1 \\ \left[1 + \cos\left(\frac{\pi \left(r_{ij} - R_1\right)}{R_2 - R_1}\right)\right] / 2, & R_1 < r_{ij} < R_2 \\ 0, & r_{ij} > R_2 \end{cases}$$
(2.15)

である. \bar{B}_{ij} は,粒子i,粒子j以外に粒子kも含めた3個の原子によって定められる項であり,

$$\bar{B}_{ij} = \frac{1}{2}(B_{ij} + B_{ji}) \tag{2.16}$$

 B_{ij}, B_{ji} はそれぞれ原子 i, jを中心とした加算となり一般に $B_{ij} \neq B_{ji}$ である.

$$B_{ij} = [1 + \sum_{k \neq i,j} G(\theta_i) f_c(r_{ik})]^{-\delta}$$
(2.17)

$$B_{ji} = [1 + \sum_{k \neq i,j} G(\theta_j) f_c(r_{jk})]^{-\delta}$$
(2.18)

ここで r_{ik} は粒子 i, k 間の距離, r_{jk} は粒子 j, k 間の距離を示している. θ_i は原子 i を 中心とする j - i - k の内角, θ_j は原子 j を中心とする i - j - k の内角である. 微分 のため, $\sum G(\theta_i) f_c(r_{ik})$ を ζ_{ij} , $\sum G(\theta_j) f_c(r_{jk})$ を ζ_{ji} とする. $G(\theta)$ は

$$G(\theta) = a_0 \left[1 + \frac{c_0^2}{d_0^2} - \frac{c_0^2}{d_0^2 + (h + \cos \theta)^2} \right]$$
(2.19)

である.

式 $(2.12) \sim \exists (2.19)$ で用いられるパラメータは C_2 分子,独立したグラファイト シートおよびダイヤモンドそれぞれの結合エネルギと平衡状態における結合距離,仮 想的な単純格子および fcc 構造の結合エネルギ,グラファイトの斜方六面体構造から ダイヤモンド構造への相変態における障壁エネルギの計算等によりフィッティングさ れている.それらのパラメータを表 2.1 に示す.

	<u>+</u>		*
$D_e [eV]$	6.0	$R_e \; [nm]$	0.139
$\beta \ [\mathrm{nm}^{-1}]$	0.21	S	1.22
h	1.0	a_0	0.00020813
c_0	330.0	d_0	3.5
$R_1 \text{ [nm]}$	0.17	$R_2 \text{ [nm]}$	0.20

Table 2.1 Potential parameters for Brenner potential.

シリコンに対するパラメータの場合と最も異なることは,hの値が1になっている 点である.hが0の場合はより小さな結合角で安定するのに対し,hを1にするこ とで結合角はより大きく,すなわち180[deg.]に近づこうとする.このことが,グラ ファイトシート内の平面構造を維持する駆動力になる.またBrenner ポテンシャルに は,炭素原子間距離の値に重点を置きクラスタの形成に最適化されたパラメータ1と, 炭素間に作用する力の値に重点を置き物性の測定に最適化されたパラメータ2が存在 する.パラメータは力の再現を重視したパラメータ2を用いて計算を行った.

結合距離の変化に対する各結合角でのポテンシャルおよびポテンシャルが最小の値 をとる時の結合角の変化に対する結合距離の変化を図 2.1,2.2 に示す.図2.1より,ポ テンシャルの最小値が結合角の減少に伴い結合距離が大きくなる方向へ推移している のが確認できる.また図 2.2 より結合角 60~90[deg.] において,結合距離が増減し変化 が滑らかではないのは,原子 *j*,*k* での結合長に対するカットオフ半径による.



Fig.2.1 Relationship between potential energy and bond length.



Fig.2.2 Relationship between stable bond length and bending angle.

2.2.2 Lennard-Jones ポテンシャル

グラファイトの層間の Van der Waals ポテンシャルは,次式のような Lennard-Jones 型ポテンシャルで表される^[32].

$$\Phi_{tot} = \sum_{i} \sum_{j(\neq i)} 4\epsilon \left[\left(\frac{\sigma}{r_{ij}} \right)^{12} - \left(\frac{\sigma}{r_{ij}} \right)^{6} \right]$$
(2.20)

第1項は斥力,第2項は引力を表し,式(2.20)で用いられるパラメータを表2.2,ポテ ンシャル曲線を図2.3 に示す.

Table 2.2 Potential parameters for Van der Waals.

ϵ	$0.004783 \; [eV]$
σ	$0.3345 \; [nm]$



Fig.2.3 Relationship between Van der Waals potential and atomic distance.

2.2.3 力の表式

本解析で用いる各ポテンシャルについて,式 (2.2) に基づいて各ポテンシャル関数 より原子間力を導く.まず, Brenner ポテンシャルについて原子 *ij* 間のエネルギー寄 与は

$$\Phi_{ij} = V_R(r_{ij}) - \frac{B_{ij} + B_{ji}}{2} V_A(r_{ij})$$
(2.21)

である. これの r_i, r_j, r_k による微分

$$oldsymbol{F}_i = -rac{\partial \Phi_{ij}}{\partial oldsymbol{r}_i}, oldsymbol{F}_j = -rac{\partial \Phi_{ij}}{\partial oldsymbol{r}_j}, oldsymbol{F}_k = -rac{\partial \Phi_{ij}}{\partial oldsymbol{r}_k}$$

を, *j* > *i* 全ての組について加算すれば原子に働く力が求まる.以下で個々の原子にかかる力を示す.

原子 *i* の力は

$$\boldsymbol{F}_{i} = \left[\bar{B}_{ij}V_{A}'(r_{ij}) - V_{R}'(r_{ij})\right]\frac{\boldsymbol{r}_{ij}}{r_{ij}} + \frac{1}{2}V_{A}(r_{ij})\left[\frac{\partial B_{ij}}{\partial \boldsymbol{r}_{i}} + \frac{\partial B_{ji}}{\partial \boldsymbol{r}_{i}}\right]$$
(2.22)

である. ここで ' は r による微分を表す. $V_R(r_{ij}), V_A(r_{ij})$ の r_{ij} での微分は

$$V_R'(r_{ij}) = -\beta \sqrt{2S} \frac{D_e}{S-1} \exp\left[-\beta \sqrt{2S} \left(r_{ij} - R_e\right)\right] \frac{\boldsymbol{r}_{ij}}{r_{ij}}$$
(2.23)

$$V_A'(r_{ij}) = -\beta \sqrt{\frac{2}{S}} \frac{S \cdot D_e}{S - 1} \exp\left[-\beta \sqrt{\frac{2}{S}} \left(r_{ij} - R_e\right)\right] \frac{\boldsymbol{r}_{ij}}{r_{ij}}$$
(2.24)

である. $f_c(r_{ij})$ の r_{ij} での微分は

$$\frac{\partial f_c(r_{ij})}{\partial \boldsymbol{r}_{ij}} = \begin{cases} -\frac{1}{2} \frac{\pi}{R_2 - R_1} \sin\left(\frac{\pi \left(r_{ij} - R_1\right)}{R_2 - R_1}\right) & :R_2 > r_{ij} > R_1 \\ 0 & :r_{ij} < R_1, R_2 < r_{ij} \end{cases}$$
(2.25)

である. 以降では B_{ij}, B_{ji} の r_i での微分を考える.

$$\frac{\partial B_{ij}}{\partial \boldsymbol{r}_i} = -\delta (1+\zeta_{ij})^{-\delta-1} \frac{\partial \zeta_{ij}}{\partial \boldsymbol{r}_i}$$
(2.26)

$$\frac{\partial \zeta_{ij}}{\partial \boldsymbol{r}_i} = \sum_{k \neq i,j}^{i \not\models ik} \left(f_c'(r_{ik}) G(\theta_i) \frac{\boldsymbol{r}_{ik}}{r_{ik}} + f_c(r_{ik}) G'(\theta_i) \frac{\partial \cos \theta_i}{\partial \boldsymbol{r}_i} \right)$$
(2.27)

 $G'(\theta)$ は $G(\theta)$ を $\cos \theta$ で微分したもので以下である.

$$G'(\theta) = \frac{\partial G(\theta)}{\partial \cos \theta} = a_0 \left[\frac{2c_0^2(1+\cos\theta)}{\left[d_0^2 + (1+\cos\theta)^2\right]^2} \right]$$
(2.28)

 $\cos \theta$ の位置ベクトルでの微分を考える. 原子 j, i, kの内角であるから

$$\cos \theta_i = \frac{\boldsymbol{r}_{ij} \cdot \boldsymbol{r}_{ik}}{r_{ij} r_{ik}} \tag{2.29}$$

$$\frac{\partial \cos \theta_i}{\partial \boldsymbol{r}_i} = \left(\frac{1}{r_{ik}} - \frac{\cos \theta_i}{r_{ij}}\right) \frac{\boldsymbol{r}_{ij}}{r_{ij}} + \left(\frac{1}{r_{ij}} - \frac{\cos \theta_i}{r_{ik}}\right) \frac{\boldsymbol{r}_{ik}}{r_{ik}}$$
(2.30)

次に B_{ji} の微分を考える.

$$B_{ji} = (1 + \zeta_{ji})^{-\delta} \, \mathsf{LU} \frac{\partial B_{ji}}{\partial r_i} = -\delta \left(1 + \zeta_{ji}\right)^{-\delta - 1} \frac{\partial \zeta_{ji}}{\partial r_i} \tag{2.31}$$

$$\frac{\partial \zeta_{ji}}{\partial \boldsymbol{r}_i} = \sum_{k \neq i,j}^{j \not= i \flat} f_c(r_{jk}) G'(\theta_j) \frac{\partial \cos \theta_j}{\partial \boldsymbol{r}_i}$$
(2.32)

$$\cos\theta_j = \frac{\mathbf{r}_{ji} \cdot \mathbf{r}_{jk}}{r_{ji}r_{jk}} \tag{2.33}$$

$$\frac{\partial \cos \theta_j}{\partial \boldsymbol{r}_i} = -\frac{1}{r_{ji}} \frac{\boldsymbol{r}_{jk}}{r_{jk}} + \frac{\cos \theta_j}{r_{ji}} \frac{\boldsymbol{r}_{ji}}{r_{ji}}$$
(2.34)

以上を整理すると

$$\begin{split} \boldsymbol{F}_{i} &= \left[\bar{B}_{ij}V_{A}'(r_{ij}) - V_{R}'(r_{ij})\right] \frac{\boldsymbol{r}_{ij}}{r_{ij}} \\ &+ \frac{1}{2}V_{A}(r_{ij})\left(-\delta\left(1+\zeta_{ij}\right)^{-\delta-1}\right) \sum_{k\neq i,j}^{i} \overset{\text{priv}}{\sum_{k\neq i,j}} \begin{vmatrix} f_{c}(r_{ik})G'(\theta_{i})\left(\frac{1}{r_{ik}} - \frac{\cos\theta_{i}}{r_{ij}}\right) \\ f_{c}'(r_{ik})G(\theta_{i}) + f_{c}(r_{ik})G'(\theta_{i})\left(\frac{1}{r_{ij}} - \frac{\cos\theta_{i}}{r_{ik}}\right) \end{vmatrix} \begin{vmatrix} \frac{\boldsymbol{r}_{ij}}{r_{ji}} \\ \frac{\boldsymbol{r}_{ik}}{r_{ik}} \end{vmatrix} \\ &+ \frac{1}{2}V_{A}(r_{ij})\left(-\delta\left(1+\zeta_{ji}\right)^{-\delta-1}\right) \sum_{k\neq i,j}^{j} \overset{\text{priv}}{\sum_{k\neq i,j}} \begin{vmatrix} f_{c}(r_{jk})G'(\theta_{j})\frac{\cos\theta_{j}}{r_{ji}} \\ -f_{c}(r_{jk})G'(\theta_{j})\frac{1}{r_{ji}} \end{vmatrix} \begin{vmatrix} \frac{\boldsymbol{r}_{ji}}{r_{jk}} \\ \frac{\boldsymbol{r}_{jk}}{r_{jk}} \end{vmatrix} \end{split}$$

原子 j の力は

$$\boldsymbol{F}_{j} = \left[\bar{B}_{ij}V_{A}'(r_{ij}) - V_{R}'(r_{ij})\right] \left(-\frac{\boldsymbol{r}_{ij}}{r_{ij}}\right) + \frac{1}{2}V_{A}(r_{ij})\left[\frac{\partial B_{ij}}{\partial \boldsymbol{r}_{i}} + \frac{\partial B_{ji}}{\partial \boldsymbol{r}_{i}}\right]$$
(2.35)

である. B_{ij} の微分の ζ_{ij} について

$$\frac{\partial \zeta_{ij}}{\partial \boldsymbol{r}_i} = \sum_{k \neq i,j}^{i \not\models i \noti} \left(f_c(r_{ik}) G'(\theta_i) \frac{\partial \cos \theta_i}{\partial \boldsymbol{r}_j} \right)$$
(2.36)

$$\frac{\partial \cos \theta_i}{\partial \boldsymbol{r}_j} = -\frac{1}{r_{ij}} \frac{\boldsymbol{r}_{ik}}{r_{ik}} + \frac{\cos \theta_i}{r_{ij}} \frac{\boldsymbol{r}_{ij}}{r_{ij}}$$
(2.37)

$$\frac{\partial \zeta_{ji}}{\partial \boldsymbol{r}_j} = \sum_{k \neq i,j}^{j \ \text{tr}\boldsymbol{\hat{\omega}}} \left(f_c'(r_{jk}) G(\theta_j) \frac{\boldsymbol{r}_{jk}}{r_{jk}} + f_c(r_{jk}) G'(\theta_j) \frac{\partial \cos \theta_j}{\partial \boldsymbol{r}_j} \right)$$
(2.38)

第2章 解析手法の基礎 12

$$\frac{\partial \cos \theta_j}{\partial \boldsymbol{r}_j} = \left(\frac{1}{r_{jk}} - \frac{\cos \theta_j}{r_{ji}}\right) \frac{\boldsymbol{r}_{ji}}{r_{ji}} + \left(\frac{1}{r_{ji}} - \frac{\cos \theta_j}{r_{jk}}\right) \frac{\boldsymbol{r}_{jk}}{r_{jk}}$$
(2.39)

以上を整理すると

$$\begin{split} \mathbf{F}_{j} &= \left[\bar{B}_{ij} V_{A}'(r_{ij}) - V_{R}'(r_{ij}) \right] \left(-\frac{\mathbf{r}_{ij}}{r_{ij}} \right) \\ &+ \frac{1}{2} V_{A}(r_{ij}) \left(-\delta \left(1 + \zeta_{ij} \right)^{-\delta - 1} \right) \sum_{k \neq i,j}^{i \, \text{tr} \mathcal{V}} \left| \begin{array}{c} f_{c}(r_{ik}) G'(\theta_{i}) \frac{\cos \theta_{i}}{r_{ij}} \\ -f_{c}(r_{ik}) G'(\theta_{i}) \frac{1}{r_{ij}} \end{array} \right| \left| \begin{array}{c} \frac{\mathbf{r}_{ij}}{r_{ij}} \\ \frac{\mathbf{r}_{ik}}{r_{ik}} \end{array} \right| \\ &+ \frac{1}{2} V_{A}(r_{ij}) \left(-\delta \left(1 + \zeta_{ji} \right)^{-\delta - 1} \right) \sum_{k \neq i,j}^{j \, \text{tr} \mathcal{V}} \left| \begin{array}{c} f_{c}(r_{jk}) G'(\theta_{j}) \left(\frac{1}{r_{jk}} - \frac{\cos \theta_{j}}{r_{ji}} \right) \\ f_{c}'(r_{jk}) G(\theta_{j}) + f_{c}(r_{jk}) G'(\theta_{j}) \left(\frac{1}{r_{ji}} - \frac{\cos \theta_{j}}{r_{jk}} \right) \end{array} \right| \left| \begin{array}{c} \frac{\mathbf{r}_{ji}}{\mathbf{r}_{jk}} \\ \frac{\mathbf{r}_{jk}}{r_{jk}} \end{array} \right| \\ &= \mathbf{F} \mathbf{k} \text{ OTH} \end{split}$$

原子 & の力は

$$\boldsymbol{F}_{k} = \frac{1}{2} V_{A}(r_{ij}) \left[\frac{\partial B_{ij}}{\partial \boldsymbol{r}_{k}} + \frac{\partial B_{ji}}{\partial \boldsymbol{r}_{k}} \right]$$
(2.40)

である. B_{ij}, B_{ji} の微分の ζ_{ij}, ζ_{ji} については

$$\frac{\partial \zeta_{ji}}{\partial \boldsymbol{r}_k} = \sum_{k \neq i,j}^{j \not\models i \downarrow i} \left(f_c'(r_{jk}) G(\theta_j) \left(-\frac{\boldsymbol{r}_{jk}}{r_{jk}} \right) + f_c(r_{jk}) G'(\theta_j) \frac{\partial \cos \theta_j}{\partial \boldsymbol{r}_k} \right)$$
(2.42)

$$\begin{split} \mathbf{F}_{k} &= \frac{1}{2} V_{A}(r_{ij}) \left(-\delta \left(1 + \zeta_{ij} \right)^{-\delta-1} \right) \sum_{k \neq i,j}^{i \ \text{triv}} \begin{vmatrix} \mathbf{r}_{ik} \\ -f'_{c}(r_{ik}) G(\theta_{i}) + f_{c}(r_{ik}) G'(\theta_{i}) \frac{1}{r_{ik}} \\ -f'_{c}(r_{ik}) G(\theta_{i}) + f_{c}(r_{ik}) G'(\theta_{i}) \left(\frac{\cos \theta_{i}}{r_{ik}} \right) \end{vmatrix} \begin{vmatrix} \frac{\mathbf{r}_{ij}}{\mathbf{r}_{ik}} \\ \frac{\mathbf{r}_{ik}}{\mathbf{r}_{ik}} \\ -f'_{c}(r_{jk}) G(\theta_{j}) + f_{c}(r_{jk}) G'(\theta_{j}) \frac{1}{r_{jk}} \\ -f'_{c}(r_{jk}) G'(\theta_{j}) + f_{c}(r_{jk}) G'(\theta_{j}) \frac{1}{r_{jk}} \end{vmatrix} \begin{vmatrix} \frac{\mathbf{r}_{ji}}{\mathbf{r}_{jk}} \\ \frac{\mathbf{r}_{jk}}{\mathbf{r}_{jk}} \end{vmatrix} \\ \hline \mathbf{F}_{ik} \\ \mathbf{F}_{i$$

$$\boldsymbol{F}_{i} = -\frac{\partial \Phi(r_{ij})}{\partial \boldsymbol{r}_{ij}}$$
$$= -\sum_{j(\neq i)} 4\epsilon \left[-\frac{12}{r_{ij}} \left(\frac{\sigma}{r_{ij}} \right)^{12} + \frac{6}{r_{ij}} \left(\frac{\sigma}{r_{ij}} \right)^{6} \right] \frac{\boldsymbol{r}_{ij}}{r_{ij}}$$
(2.43)

$$\boldsymbol{F}_j = -\boldsymbol{F}_i \tag{2.44}$$

なお,添字i,j,kは原子をあらわし, r_{ij},r_{ik} はそれぞれ粒子i,j間,i,k間の距離, θ_i は結合 r_{ij},r_{ik} 間の角度を表している.

2.3 高速化手法

原子数Nの系において粒子間の全相互作用を評価すると、1step にN×(N-1)回の 計算が必要となり、Nが大きくなると極めて膨大な計算量となる.実際には、一定距 離以上離れた粒子は影響を及ぼさないので、作用を及ぼす範囲 (カットオフ半径 r_c)内 の粒子からの寄与を効率よく計算することにより高速化できる.従来よく用いられて きた高速化手法に粒子登録法がある.これは、図2.4 に示したように、 r_c よりひとまわ り大きい半径 $r_{\rm fc}$ 内の粒子をメモリーに記憶し、その中で r_c 内の相互作用を評価する 方法であり、N×(r_c 内粒子数 \ll N-1)に計算負荷が減少される.しかし、粒子登録 法では $r_{\rm fc}$ 半径より外の粒子が r_c 内に達すると力の評価が適切でなくなるので、一定 のステップ毎に登録粒子の更新 (N×(N-1)回の探査)を行わなければならない.こ のため、系がある程度の規模以上になると、粒子登録による高速化は登録更新の計算 負荷により打ち消される.



Fig.2.4 Schematic of bookkeeping method.

別の高速化手法としてブロック分割法がある.図2.5 に示すように,シミュレート する系をカットオフ距離程度の格子状に分割し,各ブロックに属する粒子をメモリー に記憶する.着目している粒子に作用する力を評価する際には,その粒子が属するブ ロックおよび隣接するブロックから相互作用する粒子を探索して行う.粒子が属する ブロックは,粒子の位置座標をブロックの辺長*bx*,*by*で除した際の整数により判断で きるので,ブロック登録時の計算負荷は粒子数Nのオーダーとなる.したがって,粒 子登録法では登録更新の負荷が大きくなるような大規模な系でも高速化が可能である.



Fig.2.5 Schematic of domain decomposition method.

2.4 速度スケーリング法

分子動力学解析における温度制御には一般的には速度スケーリング法が用いられる. この方法は,統計熱力学より導かれる式(2.45)を用いて,以下のように制御する.

$$\frac{1}{2}m^{\alpha}v_i^{\alpha}v_i^{\alpha} = \frac{3}{2}k_BT \tag{2.45}$$

 m^{α} : 粒子 α の質量

 v_i^{lpha} :温度Tでの粒子lphaの速度

 k_B : Boltzmann **定数** = $1.38 \times 10^{-23} [J/K]$

目標の温度 T_0 における原子 α の速度を $v_{i_0}^{\alpha}$ とおくと $v_{i_0}^{\alpha}$ は式 (2.46) のように表される .

$$v_{i_0}^{\alpha} = \left(\frac{3k_B T_0}{m^{\alpha}}\right)^{0.5} \tag{2.46}$$

同様に,温度 T の時の原子 α の速度は式 (2.47) のように表される.

$$v_i^{\alpha} = \left(\frac{3k_BT}{m^{\alpha}}\right)^{0.5} \tag{2.47}$$

よって,式(2.46)と式(2.47)より以下の式が得られる.

$$\frac{v_{i_0}^{\alpha}}{v_i^{\alpha}} = \left(\frac{T_0}{T}\right)^{0.5} \tag{2.48}$$

つまり,系の温度をTから T_0 にするには,式(2.48)の右辺を現在の速度に掛けてやればよい.ただ,これだけでは原子配置に反映されないので,Verlet法における $\Delta r_i^{\alpha}(t+\Delta t)$ (式 2.49)を $\sqrt{T_0/T}\Delta r_i^{\alpha}(t+\Delta t)$ と置き換える必要がある.

$$\Delta \boldsymbol{r}_{i}^{\alpha}(t+\Delta t) = \boldsymbol{r}_{i}^{\alpha}(t+\Delta t) - \boldsymbol{r}_{i}^{\alpha}(t) = \boldsymbol{r}_{i}^{\alpha}(t) - \boldsymbol{r}_{i}^{\alpha}(t-\Delta t) + (\Delta t)^{2} \frac{\boldsymbol{F}_{i}^{\alpha}(t)}{m^{\alpha}} \quad (2.49)$$

平衡状態では,能勢の方法^[33]など外部との熱のやりとりをする変数を考慮した拡張系の分子動力学法によって得られるカノニカルアンサンブルに一致することが示されている.

2.5 フラーレンモデルの幾何形状

一般的にフラーレンは五員環と六員環から構成されていると考えられている^[23].こ の場合,Eulerの定理に従うと五員環の数は12個であり,その五員環は孤立五員環則 (Isolated Pentagon Rule)と経験的なC₆₀の五員環の位置から,正二十面体の頂点の位 置にあるものと考えられる^[23].しかし,これまでの検討でこのルールに従って原子数 が 60n² で表されるフラーレンを作成した場合,緩和を行うと五員環の部分が外側に突 き出し,正二十面体形状になることがわかった^[34].このようにフラーレンの形状は五 員環の位置によって決まるため,球殻形状を実現するためには五員環の数を増やす必 要があると考える.そこで今回は五員環を含む形状欠陥として,図2.6に示すような 6-6-6-6 形状からの遷移で知られる 5-7-5-7 形状欠陥 (Stone-Wales 欠陥)を導入するこ ととした.導入過程においては孤立五員環則を順守し,対称性も考慮した.また,今 回は五員環,六員環,七員環のみでフラーレンを構成するものとした.上述のルール により C₂₄₀は七員環を導入することができず,今回 C₆₀ 及び C₂₄₀には導入を行ってい ない.導入例として,図2.7に C₅₄₀,図2.8に C₉₆₀の欠陥を導入する前後の原子配置 について,半球分を平面上に展開したものを示す.図の赤い部分は各フラーレンの最 小構成単位を示したものである.



(a) Before inserting

(b) After inserting

Fig.2.6 Snapshots of Stone-Wales defect.



Fig.2.7 Snapshots of expanded C_{540} .



Fig.2.8 Snapshots of expanded C_{960} .

第3章

単一フラーレンの解析

3.1 初期構造緩和シミュレーション

3.1.1 解析条件

原子数が $60n^2$ の形で表わされるフラーレンの,n=1~6の場合を解析対象とし,全方向自由境界条件(真空)のもとで20000[fs]の緩和計算を行った.炭素原子の初期原子間距離は、今回使用した原子間ポテンシャルの平衡粒子間距離である0.145[nm]としている.各原子の初速度はMaxwell Boltzmann分布に従って乱数で与えており,温度は10[K],積分の時間ステップは全て1.0[fs]である.

3.1.2 解析結果

緩和後の各種のフラーレンについて, n の値, 半径r, そして, OLC にした場合の 層間距離に当たる, n の値が1少ないフラーレンとの半径の差を表 3.1 に示す.ここで, 半径rは,原点から各原子までの距離の平均値で求めている.表 3.1を見ると, C₆₀の 半径は実験値の約0.35nm とほぼ等しく,半径の差(層間距離)も多少のばらつきはあ るもののグラファイトの層間距離(0.336nm)に近い.図3.1 にC₁₅₀₀の緩和計算後の構 造を例として示す.図3.1を見ると,欠陥の導入により五員環の数が増えたことで,多 少の凹凸はあるものの球殻に近い形状となっているのがわかる.他のフラーレンでも 同様の傾向が見られた.

fullerene	n	radius [nm]	radius difference [nm]
C ₆₀	1	0.364	_
C ₂₄₀	2	0.721	0.357
C ₅₄₀	3	1.078	0.357
C ₉₆₀	4	1.455	0.377
C ₁₅₀₀	5	1.805	0.350
C ₂₁₆₀	6	2.170	0.365

Table 3.1 Fullerene parameter n, radius and radius difference after relaxation.



Fig.3.1 Snapshots of C_{1500} after relaxation.

3.2 圧縮シミュレーション

3.2.1 頂点保持による圧縮

解析条件

前節の n=3~6のフラーレンを対象に,上下頂点の五員環をつかみ部として固定し ながら圧縮するシミュレーションを行った.圧縮はひずみ制御で行い,原子間の距離を 均等に縮めることでひずみを与えた.圧縮ひずみは毎ステップ増加させており,ひず み速度に換算すると 5.0×10^{-6} [/fs]となる.各原子の初速度は Maxwell Boltzmann 分 布に従って乱数で与えており,温度は 10[K],積分の時間ステップは全て 1.0[fs] である.

解析結果

図 3.2 に C₅₄₀ の圧縮シミュレーション中の応力 - ひずみ関係と変形の様子をまとめ て示す.図 3.2(ii)のスナップショットは図 3.2(i)中に矢印で示した各点にそれぞれ対応 している.図 3.2(i)の ε < 0.05の圧縮初期を見ると,(a) ε = 0.005でわずかに上昇し た応力は(b) ε = 0.03までわずかに下降し,その後は(b) ε = 0.03から(c) ε = 0.05まで あまり上昇せずに進む.このときの様子を図 3.2(ii)で確認すると,(b)では下から見た 図中に緑の丸印をつけて記したつかみ部の五員環が内側に向かってへこんでいること, また(b),(c)間ではあまり変化がないことがわかる.図 3.2(i)の0.05 < ε < 0.22の圧 縮中期を見ると,応力は(c) ε = 0.05から(d) ε = 0.17に向かって著しく上昇し,その 後ピークを示して急激に下降する.この応力ピーク前後の構造を図 3.2(ii)で確認する と,(e)を下から見た図中に青丸をつけて示した五員環群が球の内側にへこむことで座 屈していた.

図 3.3 に C₉₆₀ の圧縮シミュレーション中の応力 - ひずみ関係と変形の様子をまとめて 示す.図 3.3(i)の応力 - ひずみ関係を見ると,圧縮直後は応力上昇するものの,(a) (b) で低下し,(b) (c) 間ではあまり応力上昇せずに進む.このときの様子を図 3.3(ii) で確認すると,先の C₅₄₀ と同様に,(b)を上部から見た図に示したつかみ部の五員環 が内側に向かってへこんでいた.図 3.3(i)の 0.095 < ε < 0.3 の圧縮中期では,応力は (c) (d) に向かって上昇するが,C₅₄₀ ほど顕著ではない.(d)の応力ピーク後の構造 を図 3.3(ii)の(e)を上部から見た図で確認すると,青丸で示したつかみ部の周囲の五 員環群ではなく,赤丸で示したさらに一つ外側の五員環群が球の内側にへこむことで 座屈していた.

図 3.4 に C₁₅₀₀ の圧縮シミュレーションの結果を示す.図 3.4(i) を見ると,圧縮直後 にわずかに上昇 低下 再上昇して応力ピーク,という全体的な傾向は同じであるが, のこ歯状のゆらぎが大きく表れている.(a) (c)の初期応答を図 3.4(ii) で確認すると, やはりつかみ部の五員環が内側に向かってへこんでいる.また(d) (f)の応力ピーク 前後の変化についても,C₉₆₀ 同様頂点から第二周目に相当する赤丸で示した五員環群 で変形を生じていた.

図 3.5 に C₂₁₆₀ の圧縮シミュレーションの結果を示す.図 3.5(i) の初期応答(a) (c) は長く複雑であり,これまでのフラーレンに比べ,あまり応力上昇せずに進む.また 圧縮直後でもほとんど応力上昇せず,これまで述べてきたようにつかみ部の五員環が 内側にへこみ,外殻が「引っ張られ」ることで負の圧縮応力,すなわち引張応力を示し ている.このときつかみ部の五員環は上下共へこんでいたが,その後は上部のへこみ のみ進行しており,(d)の応力ピーク後には,中心から第三番目の五員環群(図 3.5(ii) の(e)の紫丸)が球の内側にへこんでいた.

図 3.6 に応力 - ひずみ関係をまとめて再掲する. C_{540} は $\varepsilon = 0.17$ において $\sigma = 2.21$ [GPa], C_{960} は $\varepsilon = 0.23$ において $\sigma = 1.14$ [GPa], C_{1500} は $\varepsilon = 0.175$ において $\sigma = 1.12$ [GPa], C_{2160} は $\varepsilon = 0.245$ において $\sigma = 0.52$ [GPa] の最大応力を示しており, その値は高次のフラーレンほど低くなっている.これは原子数が増えたことで bond 数 が増加し,変形の自由度が増加したためと考えられる.また図 3.7 に最大応力を示し た後に応力急減した時の変形部分をまとめて再掲する.図中に記してある点線は,各 フラーレンにおける最小構成単位(図 2.7 参照)のつなぎ目を表している.図 3.7 を見 ると, C_{540} , C_{1500} では座屈に寄与する五員環群が点線上に存在するが, C_{960} , C_{2160} で は点線よりも外側に,すなわち別の構成単位に属する五員環で変形している.最大応 力を生じるひずみは, C_{540} , C_{1500} は C_{960} , C_{2160} より小さいが,応力は高い.構成単 位の五角形状に五員環が存在する場合とそうでない場合でこのような傾向を示す可能 性がある.



(i) Stress - strain curve of C_{540} under compression.



(ii) Snapshots of C_{540} under compression.





(i) Stress - strain curve of C_{960} under compression.



(ii) Snapshots of C_{960} under compression.





(i) Stress - strain curve of C_{1500} under compression.



(ii) Snapshots of C_{1500} under compression.





(i) Stress - strain curve of C_{2160} under compression.



(ii) Snapshots of C_{2160} under compression.

Fig.3.5 Compression of C_{2160} by holding the five-membered ring at the top and bottom.



Fig.3.6 Stress - strain curves of fullerenes under compression.



Fig.3.7 Top view of fullerenes after stress peak.

3.2.2 ダイヤモンド壁による圧縮

解析条件

頂点保持による圧縮同様, n=3~6のフラーレンを対象に, 剛体ダイヤモンド壁を用 いて圧縮シミュレーションを行った.まず xy方向周期境界条件下で, ダイヤモンド壁 を各フラーレンの下 0.44[nm] の位置にセットし, さらに 20000[fs] の緩和計算を行う. その後,図 3.8 に示すように新たなダイヤモンド壁をフラーレンの上 1[nm] の位置に 配置し,これを下降させることで圧縮シミュレーションを行う.押し込みは対象の直 径 D に対して 3/4D まで行った.ダイヤモンド壁の厚さは 0.7[nm] とし,その下降速 度は 1.0×10^{-4} [nm/fs] とした.セルの周期方向の寸法は 7.1[nm] であり,圧縮してつ ぶれてもフラーレン同士は相互作用しない大きさであることを確認している.

フラーレンとダイヤモンド壁との間では,共有結合的な反応は考慮せず, Van der Waals 力のみを考慮した.各原子の初速度は Maxwell Boltzmann 分布に従って乱数で 与えており,温度は10[K],積分の時間ステップは全て1.0[fs]である.



Fig.3.8 Schematic of wall compression (C_{1500}) .

解析結果

図3.9 に C₅₄₀の圧縮シミュレーション中に生じる応力と変位の関係と変形の様子を まとめて示す.図3.9(ii)のスナップショットは図3.9(i)中に矢印で示した各点にそれ ぞれ対応している.図3.9(i)の横軸の変位は初期位置を0としており,縦軸の応力は 上下端の五員環を固定した前節の図3.6の2倍程度のスケールとなっている.図3.9(i) の応力を見ると,(a)の変位0.6[nm]近傍では負の値を示しているが,これはVander Waals力の引力によるものである.本研究で用いたポテンシャルでは,Vander Waals 力は原子間の距離が0.37[nm]以上であれば引力を,以下であれば斥力を生じる.この ため変位0.6[nm]近傍(1[nm]-0.37[nm])で応力が上昇に転じている.(a)から急激に上 昇を始めた応力は(d)の変位1.15[nm]近傍で一つの応力ピークを示す.この応力ピー ク前後の構造を図3.9(ii)の(d),(e)で確認すると,前項の図3.2(ii)に示したのと同様 の五員環群が上下共に球の内側にへこんで筒状の形状となっている.その後,再び上 昇に転じた応力の傾きは,(f)の変位1.7[nm]近傍においてさらに変化するが,これは 図3.9(ii)の(f)に示すように,へこんだ上下の面同士が作用し始めるためである.

図 3.10 に C₉₆₀の圧縮シミュレーション中の応力 - 変位関係と変形の様子をまとめ て示す.図 3.10(i)の応力 - 変位関係を見ると,(a),(b)間で下降しながらも(c)に向 かって応力上昇し,その後は(c)から(e)まであまり上昇せずに進む.(a),(b)間の応 答を図 3.10(ii)で確認すると,前節の図 3.3(ii)の(b)同様に,最上部の五員環が内側に 向かってへこんでいる.応力は(e)で再上昇し,(f)で小さな応力ピークを示した後に, (h)から再び上昇に転じる.(e)で応力勾配が大きくなるのは,先の C₅₄₀と同様に筒状 の形状になったフラーレンの両端面が相互作用しはじめたためであるが,(f)で応力が わずかに下降したのは,図 3.10(ii)の(f)で示したように互いにずれたためである.(g)

(h) で応力が再び上昇するのは,互いにずれることができなくなるまで圧縮された ときである.

図 3.11 に C₁₅₀₀ の圧縮シミュレーションの結果を示す.全体的な傾向は C₉₆₀ によく 似ているが,最後の応力上昇前の小さな応力ピークがほとんどない.図 3.11(ii)の(f) を見ると,原子数が多いために対面の原子同士が流動的に動いて蛇腹を形成している のがわかる. 図 3.12 に C₂₁₆₀ の圧縮シミュレーションの結果を示す.全体的な応答は似ているが, 他のフラーレンに比べあまり応力上昇せずに進み,(h)から継続的な上昇を始める.-つ目のピーク前後の構造を図 3.12(ii)の(c),(d)で確認すると,前節の図 3.5(ii)に示 したのと同様の五員環群が球の内側にへこんでいる.また二つ目のピーク前後の構造 を図 3.12(ii)の(f),(g)で確認すると,互いに作用していた両端面の均衡がくずれ,下 面が再び外側に折れ返している.終盤(h)の応力が再上昇し始める点では,図 3.12(ii) の(h)にあるように,折れ返った部分が下端に到達しており,その後(i)では赤い点線 で囲った側面のスペースも,(h)では余裕があったのに対し,Van der Waals 相互作用 する距離まで狭まっていた.

図 3.13 に全てのフラーレンの応力 - 変位関係をまとめて再掲する. C_{2160} を除き,い ずれも前節の図 3.6 と同様,ひずみ 0.2 近傍におけるピークとそれぞれ近い値をとっ ており,フラーレンの構成単位近傍の五員環群の座屈による応答が表れている.また C_{540} は変位 1.85[nm], C_{960} は変位 2.5[nm], C_{1500} は変位 2.9[nm], C_{2160} は変位 3.7[nm] から応力が急上昇する.このときの構造 (C_{540} は図 3.9(ii)の(f), C_{960} は図 3.10(ii)の (h), C_{1500} は図 3.11(ii)の(f), C_{2160} は図 3.9(ii)の(i))を図 3.14 に再掲する. C_{540} は上 下面が接近して相互作用し始めるときであるが,その他のフラーレンは折りたたまれ た内部の隙間がなくなった点に対応する.特に C_{1500} , C_{2160} は原子数が多いために対 面の原子同士が流動的に動いて複雑な形状を示している.こうした柔軟な変形により, いずれのフラーレンでも圧縮後に結合が解けて空孔を生じたり,新たに遷移が発生し て結合の切り替わりが起こるような変化はなかった.



Displacement of upper wall, nm

(i) Stress - displacement curve of C_{540} under compression.



(ii) Snapshots of C_{540} under compression.

Fig.3.9 Compression of C_{540} by diamond wall.
単一フラーレンの解析 第3章 31



(i) Stress - displacement curve of C_{960} under compression.



(a) 0.85nm indentation (b) 0.95nm indentation (c) 1.3nm indentation



(d) 1.8nm indentation



(ii) Snapshots of C₉₆₀ under compression.

Fig.3.10 Compression of C_{960} by diamond wall.



Displacement of upper wan, him

(i) Stress - displacement curve of C_{1500} under compression.



(ii) Snapshots of C_{1500} under compression.

Fig.3.11 Compression of C_{1500} by diamond wall.



(i) Stress - displacement curve of C_{2160} under compression.



(ii) Snapshots of C_{2160} under compression.

Fig.3.12 Compression of C_{2160} by diamond wall.



Fig.3.13 Stress - displacement curves of fullerenes under compression.



Fig.3.14 Snapshots of fullerenes at the point just before the drastic stress increase.

3.3 ダイヤモンド壁による摩擦シミュレーション

3.3.1 解析条件

 $n=3 \sim 6$ のフラーレンを対象に,剛体ダイヤモンド壁を用いて摩擦シミュレーション を行った.まずダイヤモンド壁による圧縮時と同様の条件で初期緩和を行う.その後, 図 3.15 に示すように,対象のz軸方向上部から上に1[nm]の位置に下端表面がくるよ うにセットしたダイヤモンド壁を下降させて一定量押し込みを行った後,x軸方向に移 動させることで摩擦シミュレーションを行った.ダイヤモンド壁のサイズは対象の直 径の4倍程度としており,C₅₄₀で10.7[nm],C₉₆₀で12.8[nm],C₁₅₀₀で14.9[nm],C₂₁₆₀ で17.1[nm]である.押し込み量は1nm+0.1D,1nm+0.3D,1nm+0.5D,1nm+0.7D の4通り(Dはフラーレンの直径)とし,x軸方向の移動量はいずれも3Dとした.壁の 下降・スライド速度はともに 1.0×10^{-4} [nm/fs]とした.他の条件は前節と同じである.



Fig.3.15 Schematic of scratch simulation (C_{1500}) .

3.3.2 解析結果

 C_{1500} の場合を例として,各押し込み量における摩擦シミュレーション中の摩擦係数-変位関係を図 3.16 に示す.横軸の変位は壁がx軸方向に移動を開始する点を0としている.また縦軸の摩擦係数は壁が受けるx軸方向の反力の和を,z軸方向の反力の和で除して求めた.図中の赤い線はその平均値を示す.フラーレンの微小な動きに反応してマイナス方向にもゆらいではいるが,平均値としてはプラスとなった.またそのゆらぎの幅は,1nm+0.1D,1nm+0.3D押し込みでは ± 0.1 程度,1nm+0.5D押し込みでは ± 0.05 程度,1nm+0.7D押し込みでは ± 0.02 程度と,押し込み量が大きい場合はゆらぎの幅が小さい.これは他のモデルについても同様である.

1nm+0.1D 押し込みでの各フラーレンの摩擦係数の平均値を表 3.2 に,摩擦前の押 し込み状態での形状を図 3.17 に示す.フラーレンの形状を見ると,(a)のC₅₄₀ は前節 で述べたような応力ピーク直後 (大きな座屈を生じた後)であるが,(b)~(d)の他のフ ラーレンは応力ピークに達する前である.このときの摩擦係数 (表 3.2)を見ると,い ずれも 10^{-2} 程度のスケールであるが,その値は C₉₆₀, C₂₁₆₀ に比べ,C₅₄₀, C₁₅₀₀の方 が比較的高い値を示した.摩擦過程を図 3.18 に C₁₅₀₀の場合を例として示す.図中の 一部の原子の色が変えてあるのは,フラーレンの回転の有無を判別しやすくするため である.図 3.18 を見ると,圧縮により上下がへこんだ状態で,滑るように移動してい る.赤色で示した原子の位置は,各スナップショットで多少変化しているものの,そ の移動は摩擦方向への転がりに対応する y 軸を回転軸としたものではなく,ダイヤモ ンド壁に垂直な z 軸を回転軸とした回転である.

1nm+0.3D 押し込みでの各フラーレンの平均摩擦係数について表 3.3 にまとめた.図 3.19 には摩擦前の形状を示している.図 3.19 に示したフラーレンは,いずれも前節で 述べたように五員環群が球の内側に向かってへこみ,大きな座屈を生じた後であり筒 状の形状をしている.このとき表 3.3 の摩擦係数は,表 3.2 と同程度のオーダーであり, C₅₄₀,C₁₅₀₀の方が比較的高い値を示すという傾向も同じであった.図 3.20 に示した C₁₅₀₀の摩擦過程を見ると,やはり筒状の形状のまま z軸を回転軸とした回転を見せな がらも,摩擦方向には回転していない.

1nm+0.5D 押し込みの場合について,表3.4,図3.21,図3.22 にこれまで同様にま とめて示す.図3.21の摩擦前の形状を見ると,いずれも筒状になったフラーレンの上 下端面が相互作用するほど圧縮された状態であり,中でもC₅₄₀ は前節の図3.13 に示し たように応力が著しく上昇を始めた後の形状である.こうした状態での摩擦係数を表 3.4 で見ると,その値は各フラーレンともほぼ同じであり,これまでのような差はあま り見られない.図3.22 に示した摩擦中のフラーレンの挙動も,摩擦方向には回転して いない.

1nm+0.7D 押し込みした場合の結果について,表3.5,図3.23,図3.24 に示す.図 3.23 に示した摩擦前のフラーレンは,内部の隙間が Van der Waals 力によって斥力を 生じる距離まで狭まっており,いずれも著しい応力上昇を示した後の形状である.摩 擦係数は径の大きなフラーレンほど低い値を示しており(表3.5参照),これまでとは 違った傾向を示している.しかしながら,図3.24 に示すように摩擦中のフラーレンの 挙動はこれまでと同じく回転せずに移動しており,1nm+0.7D もの押し込みを行った 場合でも,結合の解消や切り替わりなどの変化は見られなかった.

以上のように,摩擦係数はいずれも 10⁻² 程度のオーダーを示したが,押し込み量に よってその大小関係はさまざまである.押し込み量ごとに各フラーレンの摩擦力,圧 子と作用する原子中の五員環原子の割合などを調べたが,その傾向は様々であり,摩 擦係数の大小関係を説明できる要因は見つからなかった.次の5章では大きな凹凸の ある圧子を用いた解析を行うが,そこではフラーレンの径の違いによる摩擦係数の傾 向がはっきりと見られている.本章ではフラットな面を持つダイヤモンド壁を用いた ために,フラーレンの形状とダイヤモンド壁の表面の原子凹凸に依存した複雑な結果 になったものと推測される.



Fig.3.16 Friction coefficient - displacement curves of C_{1500} under scratch.

fullerene	friction coefficient
C ₅₄₀	0.97×10^{-2}
C ₉₆₀	0.67×10^{-2}
C ₁₅₀₀	1.38×10^{-2}
C ₂₁₆₀	0.42×10^{-2}

Table 3.2 Friction coefficient of fullerenes (1nm+0.1D indentation).



Fig.3.17 Snapshots of fullerenes after indentation (1nm+0.1D indentation).





Fig.3.18 Snapshots of C_{1500} under scratch (1nm+0.1D indentation).

fullerene	friction coefficient		
C ₅₄₀	1.45×10^{-2}		
C ₉₆₀	0.63×10^{-2}		
C ₁₅₀₀	1.75×10^{-2}		
C ₂₁₆₀	0.75×10^{-2}		

Table 3.3 Friction coefficient of fullerenes (1nm+0.3D indentation).



Fig.3.19 Snapshots of fullerenes after indentation (1nm+0.3D indentation).





Fig.3.20 Snapshots of C_{1500} under scratch (1nm+0.3D indentation).

fullerene	friction coefficient		
C ₅₄₀	1.10×10^{-2}		
C ₉₆₀	1.19×10^{-2}		
C ₁₅₀₀	1.02×10^{-2}		
C ₂₁₆₀	1.18×10^{-2}		

Table 3.4 Friction coefficient of fullerenes (1nm+0.5D indentation).



Fig.3.21 Snapshots of fullerenes after indentation (1nm+0.5D indentation).





Fig.3.22 Snapshots of C_{1500} under scratch (1nm+0.5D indentation).

fullerene	friction coefficient		
C ₅₄₀	1.10×10^{-2}		
C ₉₆₀	0.93×10^{-2}		
C ₁₅₀₀	0.62×10^{-2}		
C ₂₁₆₀	0.52×10^{-2}		

Table 3.5 Friction coefficient of fullerenes (1nm+0.7D indentation).



Fig.3.23 Snapshots of fullerenes after indentation (1nm+0.7D indentation).





Fig.3.24 Snapshots of C_{1500} under scratch (1nm+0.7D indentation).

第4章

単一OLCの解析

4.1 初期構造緩和シミュレーション

4.1.1 解析条件

前章で説明したフラーレンを入れ子状にすることで作成した OLC を解析対象とし, 全方向自由境界条件のもとで 30000[fs] の緩和計算を行った.他の条件は前章と同じで ある.以後では,OLC について @C₁₅₀₀ のように表記する.ここで,@はフラーレン でなく OLC であることを,また C₁₅₀₀ は最外殻のフラーレンを表している.今回は @ C₅₄₀,@C₉₆₀,@C₁₅₀₀,@C₂₁₆₀の4つを解析対象としている.

4.1.2 解析結果

例として,図4.1に@C₁₅₀₀の緩和計算後の構造を示す.図4.1を見ると,フラーレン と同様,多少の凹凸はあるものの球殻に近い形状となっているのがわかる.また,その 各層間の距離は,前章のフラーレン単体で比べたときの半径の差と変りなかった.他 のOLCでも同様の傾向が見られた.





Fig.4.1 Snapshots of $@\mathrm{C}_{1500}$ after relaxation.

4.2 圧縮シミュレーション

4.2.1 頂点保持による圧縮

解析条件

前章のフラーレンと同様,各OLCを対象に,上下頂点の五員環をつかみ部として固定しながら圧縮するシミュレーションを行った.ひずみ制御で圧縮しており,ひずみ速度は 5.0×10^{-6} [/fs]である.他の条件も前章と同じである.

解析結果

図 4.2 に @C₅₄₀ の圧縮シミュレーション中の応力 - ひずみ関係と変形の様子をまと めて示す.図 4.2(i)の $\varepsilon < 0.05$ の圧縮初期を見ると,(a) $\varepsilon = 0.01$ でわずかに応力上昇 しているがすぐに低下し,(b) $\varepsilon = 0.02$ から(c) $\varepsilon = 0.05$ まではあまり上昇せずに進む. このときの様子を図 4.2(ii)で確認すると,やはり(b)で下端のつかみ部である五員環 が内側に向かってへこんでいる.その後,図 4.2(i)の応力は(c) $\varepsilon = 0.05$ から急激に上 昇を続けるものの,(d) $\varepsilon = 0.215$ において一つの応力ピークを示す.この応力ピーク 前後の構造を図 4.2(ii)で確認すると,(e)で最外殻のC₅₄₀の下部の五員環群(前章の図 3.7(a)に青丸で示した五員環群)が球の内側にへこんでおり,C₅₄₀の座屈応答が表れた ものと考えられる.

図 4.3 に @C₉₆₀の圧縮シミュレーション中の応力とひずみの関係と変形の様子をま とめて示す.図 4.3(i)の応力 - ひずみ関係を見ると,圧縮初期からあまり下降すること なく上昇を続けている.圧縮初期の形状を図 4.3(ii)の(a)で確認すると,先の @C₅₄₀ のように最外殻のつかみ部のみへこむという様子は見られなかった.その後多少下降 する様子が見られた(b),(e)での構造を確認すると,(b)では内部のC₅₄₀が,(e)では 最外殻のC₉₆₀が座屈していた.なお座屈の判別は,前章のフラーレン単体での頂点保 持による圧縮において応力ピークを示した後の形状,すなわち C₅₄₀ は図 3.7(a) に青丸 で示した五員環群が,C₉₆₀ は図 3.7(b) に赤丸で示した五員環群が球の内側にへこんで いるかどうかで判断している.

図 4.4 に @C₁₅₀₀ の圧縮シミュレーションの結果を示す.図 4.4(i)の *ε* < 0.05 の圧縮

初期を見ると,応力はあまり上昇せずひずみのみ増加している.図4.4(ii)の(b)で構造 を確認すると,@C₅₄₀と同様に,最外殻のつかみ部である五員環が内側に向かってへ こんでいた.その後は応力は単調に上昇するが, $(c) \sim (e)$ で一時停滞し踊り場を示す. 図4.4(ii)に示すように,(c)点では内部の C_{540} が,(d)点では最外殻の C_{1500} が,(e)点 では内部の C_{960} がそれぞれ座屈していた.

図 4.5 に @C₂₁₆₀ の圧縮シミュレーションの結果を示す.応力の単調増加の傾向はさらに強まり,中実球の応答に近づいているものと推測される.また応力のゆらぎも小さくなる.変形の様子を図 4.5(ii) で確認すると,(b) で C₅₄₀,(c) で C₁₅₀₀,(d) で C₉₆₀, そして (e) で最外殻の C₂₁₆₀ が座屈するという段階的な変化が見られた.

図 4.6 に全ての OLC の応力 - ひずみ関係をまとめて示す.また図 4.7 には比較のた め,前章のフラーレンに対して行ったひずみ制御による圧縮の図 3.6 を再掲する.た だし,図 4.7 の応力のスケールは,図 4.6 のスケールに合わせているため図 3.6 のそれ とは異なっていることに注意されたい.図より,OLC はフラーレンよりも高い抵抗力 を示すことがわかる.前述のように,OLC は各層のフラーレンの座屈応答を受けなが らも,全体的に大きく下降することなく上昇を続けている.これは多層構造を有する ことで,一つのフラーレンが座屈しても他のフラーレンが抵抗力を示すためであると 考えられる.また図 4.5 の @C₂₁₆₀ において,各フラーレンが座屈する順序は C₅₄₀ C₁₅₀₀ C₉₆₀ C₂₁₆₀ となっており,図 4.7 の応力ピークを示すひずみの大小関係と一 致している.各フラーレンが座屈するひずみの値は,図 4.5 の C₉₆₀,C₁₅₀₀,C₂₁₆₀ は図 4.7 の応力ピークと同程度であるが,C₅₄₀ はより早い段階で座屈しており(図 4.5 では ひずみ 0.16,図 4.7 ではひずみ 0.19),OLC の内部でより強い力を受けたものと推測さ れる.



(i) Stress - strain curve of $@C_{540}$ under compression.



(ii) Snapshots of $@C_{540}$ under compression.

Fig.4.2 Compression of $@C_{540}$ by holding the five-membered ring at the top and bottom.



(i) Stress - strain curve of $@\mathrm{C}_{960}$ under compression.



(ii) Snapshots of $@C_{960}$ under compression.

Fig.4.3 Compression of $@C_{960}$ by holding the five-membered ring at the top and bottom.



(i) Stress - strain curve of $@\mathrm{C}_{1500}$ under compression.



(ii) Snapshots of $@\mathrm{C}_{1500}$ under compression.

Fig.4.4 Compression of $@C_{1500}$ by holding the five-membered ring at the top and bottom.



(i) Stress - strain curve of $@\mathrm{C}_{2160}$ under compression.



(ii) Snapshots of $@\mathrm{C}_{2160}$ under compression.

Fig.4.5 Compression of $@C_{2160}$ by holding the five-membered ring at the top and bottom.



Fig.4.6 Stress - strain curves of OLCs under compression.



Fig.4.7 Stress - strain curves of fullerenes under compression.

4.2.2 ダイヤモンド壁による圧縮

解析条件

各 OLC を対象に,剛体ダイヤモンド壁を用いて圧縮シミュレーションを行った.シ ミュレーション条件はフラーレンの場合と同様であり,圧縮に用いるダイヤモンド壁 のサイズは 7.1[nm]×7.1[nm]×0.7[nm],その下降速度は 1.0 × 10⁻⁴[nm/fs] である.

解析結果

圧縮シミュレーション中に生じる応力と変位の関係と変形の様子を図 4.8 に @ C_{540} の 場合を例として示す.図 4.8(i)の縦軸の応力は前節の図 4.6 の 2.5 倍程度の範囲になっ ていることに注意されたい.図 4.8(i)の応力 - 変位関係を見ると, Van der Waals力 の影響を受けて (a)の変位 0.7[nm] 近傍から応力上昇し,その後は (c)の変位 1.6[nm] で多少減少しながらも,最終的に (e)の変位 1.9[nm] 近傍から急激に立ち上がるという 様子が確認できる.変形の様子を図 4.8(ii)で見ると,頂点保持では上部がへこみなが ら潰れていたのに対し (図 4.2(ii)参照),ダイヤモンド壁に沿うように変形し,へこむ ことなく上下共平面となっている.応力が急激に立ち上がる直前の (c)~(e)の挙動を 細かく観察すると,(c) (d)では内部のフラーレンの偏りの影響を受けて,最外殻の C_{540} の一部が内側に向かってへこんでおり,(e)では中心部の C_{60} が崩壊していた.

図4.9 に全てのOLCの応力 - 変位関係をまとめて示す.変位1.0[nm]以下の圧縮初期 を見ると,高次のOLCも@C₅₄₀同様に,壁面とVan der Waals作用する変位0.7[nm] 近傍で応力上昇している.@C₁₅₀₀のみ立ち上がりが少し遅れているが,このときの構 造を確認すると,前節の図4.4(ii)の(b)同様にC₁₅₀₀の五員環のみ内側に向かってへこ んでおり,最外殻の応答が表れたものと考えられる.応力上昇を始めてから,最外層 のフラーレンの応答を受けながらも大きく下降することなく上昇を続け,最終的に急 激な立ち上がりを見せる,という全体的な傾向はいずれも同じである.そうした急激 な立ち上がりを見せる点では,いずれのOLCも中心部のC₆₀が崩壊している様子が確 認できた.また図4.9の応力-変位関係は,前節の図4.6に比べて滑らかとなっている が,これは先の図4.2(ii)に示したように,上下共平面となって変形するために,OLC を形作る各フラーレンが座屈せずに圧縮されたためであると考えられる.径の大きな @C₁₅₀₀, @C₂₁₆₀は応力が下降することもなく,特に滑らかとなっているが,これは層数が多いことで,内部の偏りの影響が最外殻に表れにくかったことが原因であると考えられる.

比較のため,前章のフラーレンに対して行ったダイヤモンド平板による圧縮応答の 図3.13を図4.10に再掲する.ここで,図4.10の応力のスケールは,図4.9のスケール に合わせており,図3.13のそれとは異なっている.図を見比べると,図4.9のOLCの 応力は,最外層しか作用しないような圧縮初期(変位0.9[nm]以前)は同径のフラーレ ンと大差ないが,それ以降は内部のフラーレンが抵抗となることで,早い段階から格 段に高い応力を示している.このように同じ変位においては,フラーレンよりOLCの 方が,また径の大きなものより小さなものの方が高い応力を示した.



Displacement of upper wall, nm

(i) Stress - displacement curve of $@\mathrm{C}_{540}$ under compression.



(ii) Snapshots of $@C_{540}$ under compression.

Fig.4.8 Compression of $@C_{540}$ by diamond wall.



Fig.4.9 Stress - displacement curves of OLCs under compression.



Fig.4.10 Stress - displacement curves of fullerenes under compression.

4.3 ダイヤモンド壁による摩擦シミュレーション

4.3.1 解析条件

各 OLC を対象に,剛体ダイヤモンド壁を用いて摩擦シミュレーションを行った.今 回用いたダイヤモンド壁のサイズは OLC の直径の 4 倍程度であり,そのサイズは @ C₅₄₀ で 10.7[nm],@C₉₆₀ で 12.8[nm],@C₁₅₀₀ で 14.9[nm],@C₂₁₆₀ で 17.1[nm] とした. 押し込み量は 1nm+0.1D, 1nm+0.3D, 1nm+0.5D, 1nm+0.7D の 4 通りであり,摩 擦量や壁の移動速度など,その他の条件も前節フラーレンと同様としている.

4.3.2 解析結果

1nm+0.1D 押し込みしたときの摩擦シミュレーション中の摩擦係数と変位の関係を, @C₁₅₀₀ の場合を例として図 4.11 に示す.図中の赤い線は平均値を表しており,右隣の 表 4.1 には各 OLC のダイヤモンド壁との接触面積を円で近似した場合の半径と摩擦係 数の平均値をまとめている.図 4.11 を見ると,前章のフラーレン同様,マイナス方向 にもゆらいではいるが,平均値としてはプラスとなっている.またその縦軸のスケー ルはフラーレンの図 3.16(a)の5分の1程度の範囲となっており,同じ押し込み量でも OLC のゆらぎはフラーレンより小さくなっている.表 4.1 の摩擦係数を見ると,いず れもフラーレン同様 10⁻² 程度のスケールとなっており,その値は径の大きな OLC の 方が小さくなっている.図 4.12 に摩擦前の押し込み状態での形状を示す.各 OLC とも 内部に大きな偏りもなく,最外殻は壁面に沿って平面となっている.@C₁₅₀₀の摩擦中 の変形の様子を図 4.13 に示す.摩擦中も圧縮された状態で,やはり回転することなく 滑るように移動しているのがわかる.壁面と接触する平面の面積は,径の大きな OLC

@C₁₅₀₀の1nm+0.3D押し込み摩擦シミュレーションにより得られた摩擦係数 - 変位
関係を例として図4.14に示す.また各OLCの接触面積の半径,摩擦係数の平均値を表
4.2に,摩擦前の押し込み状態での形状を図4.15に示している.図4.14の摩擦係数 - 変位関係において,マイナス方向にもゆらぎながら推移する傾向は先の1nm+0.1Dの

場合と変わりないが,そのゆらぎの幅は±0.01 程度と小さくなっている.図4.15の摩擦前の形状を見ると,いずれも内部の偏りの影響を受けて一部内側にへこんでいるものの,外殻は壁面に沿った平面となり円筒状となっている.表4.2の摩擦係数も,やはり径の大きなOLC ほど低い値を示しているが,いずれも値は先の1nm+0.1Dのそれより小さくなっている.また径が小さい方がその減少割合は大きい.図4.16 に @C₁₅₀₀の摩擦中の様子を例として示す.フラーレンの場合と同じくダイヤモンド壁に垂直な ²軸を回転軸とした回転を生じているが,やはり摩擦方向に転がるような挙動は生じていない.

1nm+0.5D 押し込みの結果についてもこれまで同様に図 4.17~図 4.19 と表 4.3 にまと めた.図4.17の@C₁₅₀₀の摩擦係数-変位曲線を見ると,ゆらぎの幅は先の1nm+0.3D 押し込みと大差ないが不均一であり , これまでよりマイナス方向にゆらぐことは少な くなり全体的に高い数値をとっている.また,摩擦初期は(b) (c) (d)のように変 位 3.5[nm] 近傍で摩擦係数が低下している.図 4.18の摩擦前の構造は,いずれの OLC も中心部の C₆₀ が崩壊した形状である. 径が大きい OLC ほど摩擦係数が小さくなる傾 向は同じであるが (表 4.3), 先の 1nm+0.1D, 1nm+0.3D に比べて大きな値を示して いる.@C1500の摩擦過程を図4.19で確認すると,これまでとは異なりOLCが摩擦方 向に転がる様子が確認できた.なお図 4.19の (b)~(d)のスナップショットは図 4.17 中 に矢印で示した各点にそれぞれ対応している.摩擦初期の(a) (b)では内部の C_{60} , C₂₄₀が後方に偏り,外側の層が前方に移動して回転を始めている.摩擦係数が低下す る (b) (c) では中心の偏りのため外側の層が変形しやすくなっており, (c) (d) で下 側の凸部が引き込まれるような回転をしている.図4.17の(c)で一時的に低い摩擦係数 を示したのはこのような転がりによるものと考えられる.その後は(e) (f)のように 転がらずに滑り,摩擦係数も図 4.17 に示すように平均を中心に振動する.1nm+0.5D の押し込み摩擦では,@C₉₆₀でも転がるような変形が見られたが,@C₅₄₀,@C₂₁₆₀で はそうした変形は見られず,これまで同様滑るように移動している.@C₉₆₀,@C₁₅₀₀ で回転を生じたのは,図4.18に示したように中心の高密度部分に比べて外側の層に疎 な部分が存在したためと考えられる.

1nm+0.7D 押し込みした場合の結果について,図4.20~図4.22 および表4.4 に示す.

図 4.20 の @C₁₅₀₀ の摩擦係数の変化を見ると,これまでは見られなかった静摩擦に対応するピークが摩擦初期に表れている.それ以外はこれまで同様ゆらぎながらほぼ一定値を示している.表4.4 の平均より得た摩擦係数は,これまでと同じく大きな OLC ほど低い摩擦係数を示す.その値は先の 1nm+0.5*D* より低く,押し込み量による変化はいずれの OLC も 1nm+0.5*D* で最も高い摩擦係数を示している.摩擦前の形状を図 4.21 で確認すると,OLC はかろうじて最外層が判別できる程度で,それ以外の層はクラスター状になっている.@C₁₅₀₀ の摩擦過程の図 4.22 を見ると,1nm+0.5*D* 押し込み時のような転がり変形はなく,また移動量は他の押し込み量に比べて小さい.なお,構造に大きな変化は見られなかったものの,摩擦初期には共有結合の bond 数が減少しており,初期の高い摩擦係数はボンドの切断に起因するものと考えられる.



Fig.4.11 Friction coefficient - displacement curve of $@C_{1500}$ under scratch (1nm+0.1D indentation).

Table 4.1 Radius of contact area and friction coefficient of OLCs (1nm+0.1D indentation).

OLC	$\mathbf{R}_{c} \; [\mathrm{nm}]$	friction coefficient
$@C_{540}$	0.78	1.49×10^{-2}
OC_{960}	1.05	0.54×10^{-2}
$@C_{1500}$	1.25	0.47×10^{-2}
$@C_{2160}$	1.47	0.34×10^{-2}



Fig.4.12 Snapshots of OLCs after indentation (1nm+0.1D indentation).



Fig.4.13 Snapshots of $@C_{1500}$ under scratch (1nm+0.1D indentation).



Fig.4.14 Friction coefficient - displacement curve of $@C_{1500}$ under scratch (1nm+0.3D indentation).

Table 4.2 Radius of contact area and friction coefficient of OLCs (1nm+0.3D indentation).

OLC	$R_c [nm]$	friction coefficient
$@C_{540}$	0.99	0.82×10^{-2}
OC_{960}	1.33	0.47×10^{-2}
$@C_{1500}$	1.62	0.43×10^{-2}
$@C_{2160}$	1.92	0.30×10^{-2}



Fig.4.15 Snapshots of OLCs after indentation (1nm+0.3D indentation).



Fig.4.16 Snapshots of $@C_{1500}$ under scratch (1nm+0.3D indentation).



Fig.4.17 Friction coefficient - displacement curve of $@C_{1500}$ under scratch (1nm+0.5D indentation).

Table 4.3 Radius of contact area and friction coefficient of OLCs (1nm+0.5D indentation).

OLC	$R_c [nm]$	friction coefficient
$@C_{540}$	1.17	1.66×10^{-2}
@C ₉₆₀	1.60	1.45×10^{-2}
$@C_{1500}$	1.92	1.22×10^{-2}
$@C_{2160}$	2.26	1.20×10^{-2}



Fig.4.18 Snapshots of OLCs after indentation (1nm+0.5D indentation).



Fig.4.19 Snapshots of $@C_{1500}$ under scratch (1nm+0.5D indentation).



Fig.4.20 Friction coefficient - displacement curve of $@C_{1500}$ under scratch (1nm+0.7D indentation).

Table 4.4 Radius of contact area and friction coefficient of OLCs (1nm+0.7D indentation).

OLC	$R_c [nm]$	friction coefficient
$@C_{540}$	1.43	1.24×10^{-2}
OC_{960}	1.98	$1.05 imes 10^{-2}$
$@C_{1500}$	2.46	0.55×10^{-2}
$@C_{2160}$	2.92	0.48×10^{-2}



Fig.4.21 Snapshots of OLCs after indentation (1nm+0.7D indentation).



Fig.4.22 Snapshots of $@C_{1500}$ under scratch (1nm+0.7D indentation).

第5章

薄膜構造での摩擦シミュレーション

5.1 圧子の表面起伏が摩擦係数に与える影響

5.1.1 解析条件

フラーレン・OLC を薄膜状に配置したモデルを対象に,表面に起伏を有する剛体 ダイヤモンド壁を用いて摩擦シミュレーションを行った.ここでフラーレンは C_{540} と C_{2160} を,OLCは@ C_{540} と@ C_{2160} を対象としている.ダイヤモンド壁の表面起伏は, 図 5.1に示すようにのこ歯状の切れ込みとし,切れ込みの大きさによって small serrate 圧子(S)とlarge serrate 圧子(L)の2通りとした.まず図 5.2のように平面上に配置 した各モデル(C_{540} と@ C_{540} は2.5[nm]間隔, C_{2160} と@ C_{2160} は5.0[nm]間隔)につい て,これまで同様,z軸方向下端に平滑なダイヤモンド壁を配置して 30000[fs]の緩和 を行った.その後,押し込みをしてから摩擦を行うが,押し込み量は圧子が受けるz 軸方向の反力の和が1000[nN]に達するまで行うこととし,水平方向の摩擦量はいずれ も7.5[nm]とした.壁の下降・スライド速度はともに 1.0×10^{-4} [nm/fs] である.

各モデルについて,フラーレン・OLC 個体の直径,ダイヤモンド壁以外の原子数, そして底面のダイヤモンド壁面積 (14.9×14.9[nm²])をもとに算出した被覆率を表 5.1 にまとめて示す.原子数は異なるが,被覆率はいずれも同程度としている.

model name	diameter [nm]	No. of atoms	coverage rate [%]
C ₅₄₀	2.16	19440	59.5
C ₂₁₆₀	4.34	19440	60.0
@C ₅₄₀	2.16	30240	59.5
@C ₂₁₆₀	4.34	49140	60.0

Table 5.1 Diameter, number of atoms and coverage rate in simulation models.



Fig.5.1 Dimensions of diamond wall indenter.



Fig.5.2 Top view of fullerene/OLC array.

5.1.2 解析結果

small serrate 圧子を用いて C_{540} , @ C_{540} に摩擦を行った時の摩擦係数 - 変位関係を 図 5.3 に示す.フラーレン・OLC 共に摩擦初期に最大静摩擦に相当するピークを示し, その後はゆらぎながらほぼ一定値を示している.3章,4章のダイヤモンド平板による 摩擦の図 3.16 や図 4.11 のようにマイナス方向の摩擦係数を示すことはほとんどない. これは C_{2160} , @ C_{2160} についても同様である.初期のピーク後に再び上昇に転じる位 置からの摩擦係数の平均値を,圧子反力が 1000[nN] のときの押し込み量と共に表 5.2 に示す.押し込み量はフラーレンより OLC の方が,径の大きなモデルより小さなモデ ルの方が低い値を示している.これは3章,4章で示してきたように,フラーレンより OLC の方が,径の大きなモデルより小さなモデルの方が早い段階で高い反力を示すこ とによる.摩擦係数は @ $C_{2160} < C_{2160} < C_{540} = @C_{540}$ の順で高く,小さな C_{540} ,@ C_{540} の方が,大きな C_{2160} , @ C_{2160} より高い値を示す.

隣接するフラーレン・OLC の中で Van der Waals 相互作用 (VDW) する結合数変化 を図 5.4 に示す.フラーレン・OLC 単体中での VDW や圧子や基板との VDW は含ま れていないため注意願いたい.隣のフラーレン・OLC と相互作用する数は, C_{540} ,@ C_{540} の方が C_{2160} ,@ C_{2160} より格段に多くなっており,高い摩擦係数を示した要因で あると考えられる.図 5.5 に各モデルの圧縮後の形状を示す.横からの図のため全ての フラーレン・OLC が合体しているように見えるが,後に示すように上から見た図(図 5.6,図 5.7)では個々のフラーレン・OLC は独立している.(c),(d)の OLC は内部の フラーレンが抵抗となるため,圧子表面の切れ込みには最外層が少し入り込む程度で あるが,(a),(b)のフラーレンは圧子形状に合わせて自由に変形しており,特に C_{2160} はその押し込み量の多さも合わさって切れ込み深くまで入り込んでいる.このように しっかりと圧子と作用していたことで, C_{540} は@ C_{540} と同程度, C_{2160} は@ C_{2160} より も高い摩擦係数を示したものと推測される.

図 5.6,図 5.7 に C₅₄₀ と @C₅₄₀の摩擦中のスナップショットを上から見たものを示す.図中ピンクで着色したマーカー原子からわかるように,図 5.7 の @C₅₄₀ は多少回転しているものの,その回転は摩擦量 (7.5[nm])からすると微小であり,他のモデルは
図 5.6 の C₅₄₀ と同様に押し込み後の形状のまま回転することなく,切れ込みに挟まった状態で滑るように移動していた.

large serrate 圧子を用いて C_{540} , @ C_{540} に摩擦を行った時の摩擦係数と変位の関係 を図 5.8 に示す.縦軸の摩擦係数は small serrate 圧子を用いた場合の図 5.3 の 2 倍程度 のスケールとなっている.初期に最大静摩擦を示すという傾向は同様であるが,その 値は small serrate 圧子の場合よりも高くなっている.こうした変化は C_{2160} , @ C_{2160} でも見られた.先ほどと同様に最大静摩擦を除いて平均した摩擦係数を表 5.3 にまと めて示した.大小関係は表 5.2 と同様であるが,摩擦係数は小さい C_{540} , @ C_{540} では 増加し,大きな C_{2160} , @ C_{2160} では減少している.

図 5.9 に large serrate 圧子での摩擦シミュレーション中の隣接フラーレン・OLC 間 の VDW 相互作用の変化を示す.先ほどの図 5.4 同様, C₅₄₀, @C₅₄₀の方が, C₂₁₆₀, @C₂₁₆₀より VDW 作用する原子の数が多い.しかし,先の図 5.4 と比べると,小さな 凹凸の摩擦よりフラーレンの C₅₄₀, C₂₁₆₀では増加し, OLC の @C₅₄₀, @C₂₁₆₀では減 少しており,フラーレンと OLC 間の大小関係が逆転している.図 5.10 に各モデルの 圧縮後の形状を横から見たものを示す.切れ込みが大きくなったことで,フラーレン・ OLC 共に深くまで入り込んでいるのがわかる.図 5.10の(c),(d)に示す OLC は,初 期配置と切れ込みの関係から,一定の間隔を保ってきれいに整列している.このため 押し込み量が増えているにもかかわらず,OLCではVDWの数が減少したものと考え られる.また図 5.10 の (a), (c) を比較すると, C₅₄₀ は圧子と接する部分がへこんでし まっているが,@C₅₄₀は内部が抵抗となることで,圧子としっかりと面で作用してい る.このようにしっかりと作用していたことで,@C₅₄₀は原子間非共有結合の数が減 少しても small serrate 圧子の場合同様 , C₅₄₀ より高い摩擦係数を示したものと考えら れる.図5.10と図5.5を比較すると,それぞれの(a),(c)に示すC₅₄₀,@C₅₄₀は,径 が小さいためどちらの場合でも一つの切れ込みとしか作用していないが,(b),(d)に 示す C₂₁₆₀ と @C₂₁₆₀ は , small serrate 圧子の場合はその径の大きさから複数の切れ込 みと作用していたのに対し, large serrate 圧子の場合は一つの切れ込みとしか作用して いない.このように C_{2160} と $\mathrm{@C}_{2160}$ は切れ込み深くまで入り込んでいるものの, C_{540} , @C₅₄₀ ほど圧子と作用する原子が増えたわけではないと推測される.ここで図 5.1 に

あるように, large serrate 圧子の切れ込みの傾きは, small serrate 圧子の傾きより緩いため, VDW により圧子に与える力のx軸方向成分はより小さくなるものと考えられる. このような切れ込みの傾きによる影響以上に圧子と作用する原子が増加していたことが, 表 5.3 における C_{540} , @ C_{540} の摩擦係数が表 5.2 より増加していた要因であると考えられる.

図 5.11,図 5.12 に摩擦シミュレーション中の C₅₄₀ と @C₅₄₀ を上から見たスナップ ショットを示す.こちらも small serrate 圧子の場合同様,挟まった状態で滑るように 移動しており,切れ込みは大きくなったものの,その中で回転するといった様子も見 られなかった.



Fig.5.3 Friction coefficient - displacement curves under scratch (small serrate indenter).

Table 5.2 Indentation depth and friction coefficient (small serrate indenter).

model name	indentation depth [nm]	friction coefficient
C_{540} , small serrate indenter (C_{540} -S)	2.07	2.29×10^{-2}
C_{2160} , small servate indenter (C_{2160} -S)	4.18	1.73×10^{-2}
$@C_{540}$, small serrate indenter ($@C_{540}$ -S)	1.26	2.32×10^{-2}
$@C_{2160}$, small servate indenter ($@C_{2160}$ -S)	1.86	1.18×10^{-2}



Fig.5.4 Number of VDW bonds - displacement curves under scratch (small serrate indenter).



Fig.5.5 Snapshots after indentation (small serrate indenter).







Fig.5.7 Snapshots of $@\mathrm{C}_{540}\text{-}\mathrm{S}$ under scratch.



Fig.5.8 Friction coefficient - displacement curves under scratch (large serrate indenter).

model name	indentation depth [nm]	friction coefficient
C_{540} , large servate indenter (C_{540} -L)	2.48	2.56×10^{-2}
C_{2160} , large servate indenter (C_{2160} -L)	4.45	1.46×10^{-2}
$@C_{540}$, large servate indenter ($@C_{540}$ -L)	1.82	2.71×10^{-2}
$@C_{2160}$, large servate indenter ($@C_{2160}$ -L)	2.16	1.07×10^{-2}



Fig.5.9 Number of VDW bonds - displacement curves under scratch (large serrate indenter).



Fig.5.10 Snapshots after indentation (large serrate indenter).







Fig.5.12 Snapshots of $@\mathrm{C}_{540}\text{-L}$ under scratch.

5.2 基板の表面起伏が摩擦係数に与える影響

5.2.1 解析条件

前節と同様,フラーレン・OLCを薄膜状に配置したモデルを対象に,表面に起伏を 有する剛体ダイヤモンド壁を用いて摩擦シミュレーションを行った.対象とするモデ ルや圧子形状は先ほどと同様であるが,今回は図 5.13 にあるように,下端の基板にも のこ歯状の切れ込みがあるものを用いることとした.基板は先の small serrate 圧子と 同様の形状としている.基板を配置してからの初期緩和は,フラーレンで 80000[fs], OLC で 30000[fs] と先ほどより多くとったが,その他の条件はいずれも同様である.



Fig.5.13 Schematic of simulation model ($@C_{540}$, small serrate substrate, small serrate indenter).

5.2.2 解析結果

small serrate 圧子を用いた場合の摩擦シミュレーション中の摩擦係数 - 変位関係を 図 5.14 に示す.図 5.14 を見ると,(d)の @C₂₁₆₀ は小さなゆらぎを生じつつもほぼ一定 値を示しているが,(a)~(c)の他のモデルは大きなのこ歯状の波形を描いている.赤線 で示した平均値は初期からの摩擦係数全体に対するものである.この波形の間隔は約 1.0[nm] であり,small serrate 圧子の切れ込み幅と対応する.摩擦係数の平均値を,表 5.4 に前節と同様にまとめる.押し込み量は前節の表 5.2 よりいずれも高い値を示して いるものの,その大小関係は先ほどと同様である.また摩擦係数も高い値を示し,その増加量は C_{540} , C_{2160} で8倍,@ C_{540} で4倍,@ C_{2160} で3倍程度とフラーレンの方が大きく,大小関係は先ほどとは異なり,@ C_{2160} <@ C_{540} < C_{2160} < C_{540} の順で高くなっていた.

図 5.15 に横から見た各モデルの圧縮後の形状を示す.いずれのモデルも圧子だけで なく基板の切れ込みにも入り込んでおり,その入り込みは中空の形状であるフラーレ ンの方が深い.このようにフラーレンは基板の切れ込みにも深く入り込みやすいため に,摩擦時により大きな抵抗力を示したものと考えられる.また @C₂₁₆₀ はフラーレ ンのように中空ではなく,径の大きさに対して凹凸のサイズが小さかったことで,図 5.14(d) で他のモデルのようなゆらぎ波形を描かなかったものと推測される.摩擦シ ミュレーション中の変形の様子を図 5.16 ~ 図 5.19 に示す.それぞれの図の上段は対象 全体を z 軸方向上部から見たスナップショットであり,下段はそのうちの一つを y 軸方 向から見たスナップショットである.図 5.16 ~ 図 5.19 の上段のスナップショットを見 ると,いずれも基板の切れ込みの抵抗により,前節の図 5.6,図 5.7 よりも移動量が減 少している.また下段のスナップショットを見ると,上下の切れ込みによる挟み込み によって,いずれのモデルも摩擦中に回転する様子が確認できた.

large serrate 圧子を用いて摩擦を行った時の摩擦係数と変位の関係を図 5.20 に示す. 縦軸の摩擦係数の範囲は図 5.14 と多少異なっているので注意されたい.図 5.20(b)の C_{2160} は,先の図 5.14(a)~(c)同様にのこ歯状の波形を描いているが,その波形の間隔 は一様ではない.(a)の C_{540} は変位 3[nm]以下では平均より高い値をとるものの,そ れ以降は(c),(d)の OLC と同様にある程度一定の値をとっている.表 5.5 にまとめた 押し込み量,摩擦係数を前節の表 5.3 と比較すると,押し込み量,摩擦係数共に増加 しており,特に摩擦係数の増加量は C_{540} で 13 倍, C_{2160} で 18 倍, $@C_{540}$ で 8 倍,@ C_{2160} で 9 倍程度となっている.また表 5.5 の押し込み量,摩擦係数の大小関係は表 5.4 と一致しているが,その値は表 5.5 の方がいずれも大きかった.

図 5.21 の圧縮後の形状を見ると,いずれも基板より切れ込みの大きな圧子側により 深く入り込んでいることがわかる.このように large serrate 圧子はその凹凸の大きさか ら small serrate 圧子よりも多くの原子と作用しており,基板の影響が表れやすかった ことが,表5.4より表5.5の摩擦係数の方が大きかった原因であると推測される.large serrate 圧子を用いた場合の摩擦過程について,図5.22~図5.25に示す.上段のスナップショットを見ると,図5.23の C_{2160} はsmall serrate 圧子を用いた場合と同様に移動量が減少しているが,図5.22の C_{540} ,図5.24の $@C_{540}$,図5.25の $@C_{2160}$ にはそのような移動量の減少は見られない. C_{540} ,@ C_{2160} の移動量が減少していなかったのは,図5.21に示したように,それぞれ切れ込みの大きな圧子側にしっかりと入り込んでいたためであり, C_{2160} の移動量が減少していたのは,径の大きなフラーレンであったことで,基板側の切れ込みにも複数にわたって深く入り込んでいたためである.また下段のスナップショットを見ると,図5.22~図5.24の C_{540} , C_{2160} ,@ C_{540} は先ほど同様に回転しているが,図5.25の@ C_{2160} は他に比べてあまり回転していない.これは@ C_{2160} が圧子の切れ込みに深く入り込んでいたこと,またその径の大きさに対して基板の切れ込みが小さかったことの2つが要因となり,基板側の外層のみ波打ちながら応答したためであると考えられる.



Fig.5.14 Friction coefficient - displacement curves under scratch (small serrate substrate, small serrate indenter).

Table 5.4 Indentation depth and friction coefficient (small serrate substrate, small serrate indenter).

model name	indentation depth [nm]	friction coefficient
C_{540} , small serrate substrate, small serrate indenter (C_{540} -SS)	2.23	1.88×10^{-1}
C_{2160} , small serrate substrate, small serrate indenter (C_{2160} -SS)	4.35	1.43×10^{-1}
$@C_{540}$, small serrate substrate, small serrate indenter ($@C_{540}$ -SS)	1.47	0.90×10^{-1}
$@C_{2160}$, small serrate substrate, small serrate indenter ($@C_{2160}$ -SS)	2.01	0.33×10^{-1}



Fig.5.15 Snapshots after indentation (small serrate substrate, small serrate indenter).









closeup



closeup

Fig.5.16 Snapshots of $\mathrm{C}_{540}\text{-}\mathrm{SS}$ under scratch.







(c) 5.0nm scratch











closeup

closeup

closeup

Fig.5.17 Snapshots of $\mathrm{C}_{2160}\text{-}\mathrm{SS}$ under scratch.

closeup

closeup



Fig.5.18 Snapshots of $@C_{540}\text{-}\mathrm{SS}$ under scratch.

closeup

y

closeup



Fig.5.19 Snapshots of $@C_{2160}$ -SS under scratch.



Fig.5.20 Friction coefficient - displacement curves under scratch (small serrate substrate, large serrate indenter).

Table 5.5 Indentation depth and friction coefficient (small serrate substrate, large serrate indenter).

model name	indentation depth [nm]	friction coefficient
C_{540} , small serrate substrate, large serrate indenter (C_{540} -SL)	2.68	3.29×10^{-1}
C_{2160} , small serrate substrate, large serrate indenter (C_{2160} -SL)	4.56	2.61×10^{-1}
$@C_{540}$, small serrate substrate, large serrate indenter ($@C_{540}$ -SL)	2.04	2.10×10^{-1}
$@C_{2160}$, small serrate substrate, large serrate indenter ($@C_{2160}$ -SL)	2.34	1.00×10^{-1}



Fig.5.21 Snapshots after indentation (small serrate substrate, large serrate indenter).







closeup





closeup

closeup

Fig.5.22 Snapshots of $\mathrm{C}_{540}\text{-}\mathrm{SL}$ under scratch.



(a) 0nm scratch



(b) 2.5nm scratch





(c) 5.0nm scratch

(d) 7.5nm scratch





closeup



closeup



closeup

Fig.5.23 Snapshots of C_{2160} -SL under scratch.





Fig.5.24 Snapshots of $@C_{540}$ -SL under scratch.



Fig.5.25 Snapshots of $@C_{2160}\mbox{-}SL$ under scratch.

第6章

結論

本研究では OLC 薄膜の摩擦特性について評価するために,まず単一フラーレン並び に単一 OLC の圧縮特性,摩擦特性を分子動力学シミュレーションにより検討した後, フラーレン・OLC を平面上に並べた薄膜構造に対して摩擦シミュレーションを行った. 以下に,得られた結果を総括する.

第2章では,本研究で用いた解析手法の基礎について述べた.まず,分子動力学法 の概要ならびに基礎方程式を示し,本研究で用いた数値積分法について説明した.次 に,原子間相互作用の評価に用いられるポテンシャルエネルギーについて述べ,炭素 原子に関するポテンシャル関数を具体的に説明した.さらに,大規模シミュレーショ ンに必要な計算の高速化手法,ならびに Stone-Wales 欠陥を導入したフラーレンの幾何 形状について述べた.

第3章では径の大きさの異なる単一フラーレンに対して,初期構造緩和,圧縮,摩 擦のシミュレーションを行った.初期構造緩和シミュレーションにより,作成した C₆₀ の半径は実験値の約0.35nm とほぼ等しく,原子数を60n²の形で表した場合のnの値 が1異なるフラーレン同士の半径の差はグラファイトの層間距離に近いことが示され た.圧縮シミュレーションでは,頂点保持による圧縮により,各フラーレンの座屈に は構成単位近傍の五員環が関係していることがわかった.そうした座屈を生じるとき の応力は高次のフラーレンほど低くなっており,bond数の増加による変形の自由度の 増加がその理由として挙げられる.平滑なダイヤモンド壁による圧縮では,C₅₄₀は圧 縮された上下面が接近して相互作用し始めるとき,C₉₆₀,C₁₅₀₀,C₂₁₆₀は折りたたま れた内部の隙間がなくなったときに応力が急上昇することが示された.ダイヤモンド 壁を用いた摩擦シミュレーションでは,フラーレンの摩擦係数は10⁻²程度のオーダー であること,その大小関係は径の大きさや押し込み量では整理することが難しいこと, を明らかにした.なお摩擦中の挙動は,摩擦方向への回転は生じず滑るように移動し ている.

第4章では径の大きさの異なる単一OLCに対して,3章と同様のシミュレーション を行い,フラーレンとの違いについて議論した.初期構造緩和シミュレーションを行っ た結果,作成したOLCの層間距離はフラーレン単体で比べたときの半径の差と変りな いことが示された.頂点保持による圧縮シミュレーションでは,OLCは各層のフラー レンの座屈応答を受けながらも,多層構造を有することであまり応力が減少すること なく,フラーレンよりも高い抵抗力を示すこと,また圧縮時は内部のフラーレンほど 強い力を受けることがわかった.ダイヤモンド壁による圧縮では,上下共平面となっ て変形するため各層のフラーレンの座屈による応力減少は見られないこと,中心部の C₆₀が崩壊するまで圧縮した時に応力が急上昇することがわかった.同じ押し込み量 で比較するとフラーレンよりOLCの方が,径の大きなものより小さなものの方が高い 応力を示していた.摩擦シミュレーションでは,OLCの摩擦係数はやはり10⁻²程度 のオーダーであり,フラーレンの摩擦係数と同程度であった.多くはフラーレン同様, 摩擦方向に回転することなく滑るように移動していたが,1nm+0.5*D*(*D*:直径)押し込 みした場合の@C₉₆₀,@C₁₅₀₀は,中心と外側の層の密度の違いにより回転する様子が 見られた.

第5章ではフラーレン・OLCを同程度の被覆率になるように平面上に並べた薄膜構造に対し,圧子や基板の形状を変えた摩擦シミュレーションを行った.平滑な基板上に配置した C_{540} , C_{2160} , $@C_{540}$, $@C_{2160}$ に対して,のこ歯状の切れ込みのある圧子(大小2通り)を用いて摩擦を行った場合,圧子の形状に関係なく摩擦係数は 10^{-2} 程度のオーダーであり,その大小関係は $@C_{2160} < C_{2160} < @C_{540}$ であった.このとき摩擦中の挙動はいずれも滑るような移動であった.基板にものこ歯状の切れ込みを入れて同様のシミュレーションを行った場合,摩擦係数のオーダーは 10^{-1} 程度と桁増加し,その大小関係も $@C_{2160} < @C_{540} < C_{540}$ とOLCよりもフラーレ

ンの方が高い値を示すことがわかった.摩擦過程を確認すると,回転量に差はあるものの全てのモデルが摩擦中に回転していた.フラーレンの方が圧子だけでなく基板の切れ込みにも深く入り込みやすいため,回転時大きな変形を受け大きな抵抗力を示すことが摩擦係数に表れたものと考えられる.

以上のように,フラーレン・OLC 薄膜の摩擦係数は単体の径の大きさだけでなく, 基板形状や圧子形状によってその値を大きく左右される.中でも実現象に近い圧子,基 板共に表面起伏のあるダイヤモンド壁を用いた場合では,3章,4章の平滑なダイヤモ ンド壁を用いた場合より摩擦係数は格段に増加しており,対象(フラーレンかOLCか) の違いや径の大きさの違いによる摩擦係数の傾向や対象が摩擦方向に回転する様子を はっきりと確認することができた.今後はより実現象に近い対象を積層させたモデル に対するシミュレーション,表面に曲面を導入した圧子や基板を用いてのシミュレー ションといった検討が望まれる.

参考文献

- [1] Kroto, H.W., Heath, J.R., O'Brien, S.C., Curl, R.F., and Smalley, R.E., *Nature*, 318, (1985), 162.
- [2] Iijima, S., *Nature*, **354**, (1991), 56.
- [3] Ugarte, D., *Nature*, **359**, (1992), 707.
- [4] Kuznetsov, V.L., Butenko, Yu.V., Chuvilin, A.L., Romanenko, A.I., Okotrub, A.V., Chem.Phys.Lett., 336, (2001), 397-404.
- [5] 垣内, 平田, 精密工学会誌, **67**, (2001), 1175.
- [6] Kuznetsov, V.L., Chuvilin, A.L., Butenko, Yu.V. et al, *Chem.Phys.Lett.*, 222, (1994), 343.
- [7] Hirata, A., Igarashi, M., Kaito, T., Tribol. Int., 37, (2004), 899-905.
- [8] Matsumoto, N., Joly-Pottuz, L., Kinoshita, H., Ohmae, N., Diamond.Relat.Mater, 16, (2007), 1227-1230.
- [9] Joly-Pottuz, L., Vacher, B., Ohmae, N. et al, *Tribol.Lett.*, **30**, (2008), 69-80.
- [10] Joly-Pottuz, L., Kinoshita, H. et al, *Tribol.Int.*, **41**, (2008), 69-78.
- [11] Cabioc'h, T., Riviere, J.P., Delafond, J., J.Mater.Sci., 30, (1995), 4787-4792.
- [12] Banhart, F., Fuller, T., Redlich, Ph.D., Ajayan, P.M., Chem. Phys. Lett., 269, (1997), 349-355.
- [13] Cabioc'h, T., Jaouen, M. et al, *Appl.Phys.Lett.*, **73**, (1998), 3096-3098.
- [14] 山口,丸山,機械学会論文集(B編),63,611,(1997),2398.
- [15] **塩見,五十嵐,丸山,日本機械学会論文集** (B 編), **76**, 764, (2010), 642.

- [16] 尾方, 花生, 渋谷, 材料, **55**, (2006), 754.
- [17] Hirai, Y., et al., Jpn J Appl Phys., **42** 6B, (2003), 4120.
- [18] Deguchi, H., Yamaguchi, Y. et al, Chem. Phys. Lett., 503, (2011), 272-276.
- [19] 西村,チュン,荒井,計算数理工学論文集,10,13,(2010).
- [20] Chico, L., Crespi, V.H., Benedict, L.X., Louie, S.G., Cohen, M.L., *Phys.Rev.Lett.*, 76, 6, (1996), 971.
- [21] Lee, Y.H., Kim, S.G., Tomanek, D., *Phys.Rev.Lett.*, **78**, 12, (1997), 2393.
- [22] 飯島, 遠藤, ナノカーボンハンドブック, (2007), 531, 株式会社エヌ・ティー・エヌ.
- [23] 篠原,斎藤、フラーレンの化学と物理、(1997)、79、名古屋大学出版会.
- [24] Saito, R. et al, *Chem. Phys. Lett.*, **195**, (1992), 537-542.
- [25] Terrones, M. et al, *Structural. Chem.*, **13**, (2002), 373-384.
- [26] Wang, B.-C., Wang, H.-W., Chang, J.-C., Tso, H.-C., J.Mol.Struct., 540, (2001), 171-176.
- [27] Lu, J.P., Yang, W., *Phys.Rev.B.*, **49**, 16, (1994), 11421.
- [28] Bakowies, D. et al, J.Am. Chem. Soc., 117, (1995), 10113-10118.
- [29] Joly-Pottuz, L., Bucholz, E.W., Matsumoto, N. et al, *Tribol.Lett.*, **37**, (2010), 75-81.
- [30] Bucholz, E.W., Phillpot, S.R. et al, Com. Mater. Sci., 54, (2012), 91-96.
- [31] Brenner, D.W., *Phys.Rev.B.*, **42**, 15, (1990), 9458.
- [32] Ahmadieh, A.A., Rafizadeh, H.A., *Phys. Rev. B.*, 7, (1973), 4527.
- [33] 上田顯, コンピューターシミュレーション, (1990), 朝倉書店.
- [34] 西村英晃 神戸大学工学部機械工学科 卒業論文 (2011).

学術講演

- OLC の構造安定性並びに変形・破壊挙動に関する分子動力学シミュレーション
 西村 英晃,屋代 如月
 日本材料学会 第1回マルチスケールマテリアルモデリングシンポジウム (第16
 回分子動力学シンポジウム),大阪大学,(2011.5)
- ▷ 分子動力学法による球殻形状の OLC に対する変形・破壊シミュレーション
 西村 英晃,屋代 如月
 日本機械学会 第 24 回計算力学講演会 CMD2011,岡山大学,(2011.10)
- ▷ 分子動力学法を用いたオニオンライクカーボンの力学的挙動に関する研究
 西村 英晃,屋代 如月
 日本機械学会 第 25 回計算力学講演会 CMD2012,神戸ポートアイランド南地区, (2012.10)

謝 辞

本研究を遂行するにあたり,仔細に渡る懇切丁寧な御指導を賜りました屋代如月准 教授に,心より感謝の意を表します.浅学非才の著者に対し,三年間に渡り親切に,時 に厳しく御指導頂いたことは人生の大きな財産となりました.また,本論文を完成す るにあたり,研究報告会などにおいて様々な御助言を賜りました田中克志教授,学会 などにおいて丁寧に御指導いただいた西村正臣助教(現信州大学),日々の研究活動が 円滑に行えるよう便宜を図っていただきました古宇田由夫技術職員に深く感謝いたし ます.

若輩だった私に貴重な御助言を頂き,有益な議論を交わした坂田了介氏(現三菱電気 株式会社)に心より御礼申し上げます.日々の学生生活や大学院一年次の就職活動にお いて,多くの有益なアドバイスを与えてくださった表面・界面工学研究室の諸先輩方 に厚く御礼申し上げます.また,同じ研究グループとして活発な議論を交わした後輩 の毛利友宙君に感謝いたします.

同じ研究室に配属されて以来共に研究に取り組み,互いに切磋琢磨し,時には励ま しあった池宮一繁君,住谷昂大君,竹下和也君,中田伸哉君,藤原正大君に御礼申し 上げます.また,同じ材料系として議論を交わし,多くの時間を共有した固体力学研 究室の同輩諸子に御礼申し上げます.

最後に,六年間の学生生活を暖かく見守り,経済的にも精神的にも支えて頂いた家 族に最大の敬意と感謝の意を表します.ありがとうございました.

平成25年2月

西村 英晃

99